

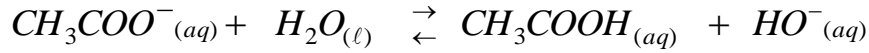
# تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

## الكيمياء

الجزء الأول: تفاعلية أيونات الإيثانوات

1. دراسة تفاعل أيونات الإيثانوات مع الماء:

1.1. معادلة التفاعل باستعمال الصيغ نصف المنشورة:



2.1. \* ننشئ جدول تقدم التفاعل:

$CH_3COO^-(aq) + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons CH_3COOH_{(aq)} + HO^-(aq)$				معادلة التفاعل	
كميات المادة (mol)				التقدم x	حالة المجموعة
$C_1.V$	وفير	0	0	$x=0$	الحالة البدئية
$C_1.V - x_{\acute{e}q}$	وفير	$x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$	$x = x_{\acute{e}q}$	حالة التوازن
$C_1.V - x_m$	وفير	$x_m$	$x_m$	$x = x_m$	تحول كلي

\* تعبير نسبة التقدم النهائي:

- حسب الجدول نجد:  $n_{\acute{e}q}(HO^-) = x_{\acute{e}q} \Rightarrow [HO^-]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{V} \Rightarrow x_{\acute{e}q} = [HO^-]_{\acute{e}q}.V$  (1)

- حسب الجداء الأيوني للماء:

$$[HO^-]_{\acute{e}q} \cdot [H_3O^+]_{\acute{e}q} = Ke \Rightarrow [HO^-]_{\acute{e}q} = \frac{Ke}{[H_3O^+]_{\acute{e}q}} = \frac{Ke}{10^{-pH}} = 10^{pH} \cdot Ke$$
 (2)

- من العلاقتين (1) و(2) نستنتج أن:

$$x_{\acute{e}q} = 10^{pH} \cdot Ke \cdot V$$

- باعتبار التحول كلي:

$$C_1V - x_m = 0 \Rightarrow x_m = C_1.V$$

- تعبير نسبة التقدم النهائي:

$$\tau_1 = \frac{x_{\acute{e}q}}{x_m} = \frac{10^{pH} \cdot Ke \cdot V}{C_1 \cdot V} \Rightarrow \tau_1 = \frac{10^{pH} \cdot Ke}{C_1}$$

- حساب نسبة التقدم النهائي:

$$C_1 = \frac{n}{V} = \frac{m}{M.V} = \frac{0,41}{82 \times 0,5} = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

+ حساب التركيز البدئي:

$$\tau_1 = \frac{10^{8,4} \cdot 10^{-14}}{10^{-2}} = 2,5 \cdot 10^{-4}$$

+ حساب نسبة التقدم النهائي:

$$K = \frac{[HO^-]_{\acute{e}q} \cdot [CH_3COOH]_{\acute{e}q}}{[CH_3COO^-]_{\acute{e}q}}$$

3.1. تعبير ثابتة التوازن:

$$x_{\acute{e}q} = 10^{pH} \cdot Ke \cdot V = C_1 \cdot \tau_1 \cdot V \Rightarrow \frac{x_{\acute{e}q}}{V} = C_1 \cdot \tau_1$$

- من نتيجة السؤال السابق:

- تكتب ثابتة التوازن:

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

$$K = \frac{\frac{x_{\acute{e}q}}{V} \times \frac{x_{\acute{e}q}}{V}}{\frac{C_1 \cdot V - x_{\acute{e}q}}{V}} = \frac{\left(\frac{x_{\acute{e}q}}{V}\right)^2}{C_1 - \frac{x_{\acute{e}q}}{V}} \Rightarrow K = \frac{(C_1 \cdot \tau_1)^2}{C_1 - C_1 \cdot \tau_1}$$

$$\Rightarrow K = \frac{C_1 \cdot \tau_1^2}{1 - \tau_1}$$

$$K = \frac{10^{-2} \times (2,5 \cdot 10^{-4})^2}{1 - 2,5 \cdot 10^{-4}} \approx \underline{6,3 \cdot 10^{-10}}$$

- التحقق من القيمة:

3.1. \* حساب نسبة التقدم النهائي عند تخفيف المحلول:  
- ثابتة التوازن لا تتعلق إلا بدرجة الحرارة:

$$K = \frac{C_2 \cdot \tau_2^2}{1 - \tau_2} \Rightarrow C_2 \cdot \tau_2^2 + K \cdot \tau_2 - K = 0$$

$$\Rightarrow 10^{-3} \cdot \tau_2^2 + 6,3 \cdot 10^{-10} \cdot \tau_2 - 6,3 \cdot 10^{-10} = 0$$

$$\Rightarrow \tau_2^2 + 6,3 \cdot 10^{-7} \cdot \tau_2 - 6,3 \cdot 10^{-7} = 0$$

$$\Delta \approx 2,5 \cdot 10^{-6} \Rightarrow \tau_2 \approx \underline{7,9 \cdot 10^{-4}}$$

\* نستنتج أن تخفيف المحلول الذي يحتوي على أيونات الإيثانوات يزيد من تفكك هذه الأيونات مع الماء.

2. دراسة تفاعل أيونات الإيثانوات مع حمض الميثانويك:

1.1. أ - التحقق من قيمة ثابتة التوازن:

$$K = \frac{[CH_3COOH]_{\acute{e}q} \times [HCOO^-]_{\acute{e}q}}{[CH_3COO^-]_{\acute{e}q} \times [HCOOH]_{\acute{e}q}}$$

- حسب التعريف:

$$[CH_3COOH]_{\acute{e}q} = [HCOO^-]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{V_1 + V_2}$$

- حسب الجدول الوصفي:

$$[HCOOH]_{\acute{e}q} = \frac{CV_2 - x_{\acute{e}q}}{V_1 + V_2} \text{ و } [CH_3COO^-]_{\acute{e}q} = \frac{CV_1 - x_{\acute{e}q}}{V_1 + V_2} \text{ و}$$

$$K = \frac{\frac{x_{\acute{e}q}}{V_1 + V_2} \times \frac{x_{\acute{e}q}}{V_1 + V_2}}{\frac{CV_1 - x_{\acute{e}q}}{V_1 + V_2} \times \frac{CV_2 - x_{\acute{e}q}}{V_1 + V_2}} = \frac{(x_{\acute{e}q})^2}{(CV_1 - x_{\acute{e}q}) \cdot (CV_2 - x_{\acute{e}q})}$$

- يكتب تعبير ثابتة التوازن:

- نبحث عن قيمة التقدم النهائي:

من خلال تعبير الموصلية عند التوازن:  $\sigma_{\acute{e}q} = 81,9 + 1,37 \cdot 10^4 \cdot x_{\acute{e}q}$  ، ومنه:

$$x_{\acute{e}q} = \frac{\sigma_{\acute{e}q} - 81,9}{1,37 \cdot 10^4} = \frac{83,254 - 81,9}{1,37 \cdot 10^4} = \underline{9,88 \cdot 10^{-5} \text{ mol}}$$

$$K = \frac{(9,88 \cdot 10^{-5})^2}{(10^{-2} \times 90 \cdot 10^{-3} - 9,88 \cdot 10^{-5}) \cdot (10^{-2} \times 10 \cdot 10^{-3} - 9,88 \cdot 10^{-5})} \approx \underline{10} \text{ - تطبيق عددي:}$$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

1.2. ب - استنتاج قيمة ثابتة الحمضية:

$$K = \frac{K_A(\text{HCOOH} / \text{HCOO}^-)}{K_A(\text{CH}_3\text{COOH} / \text{CH}_3\text{COO}^-)} = \frac{K_{A2}}{K_{A1}}$$

- تكتب ثابتة التوازن على الشكل:

$$K_{A2} = K \times K_{A1} = 10 \times 1,6 \cdot 10^{-5} = 1,6 \cdot 10^{-4}$$

- نستنتج أن:

2.2. \* حساب pH الخليط عند التوازن:

$$pH = pK_{A1} + \text{Log} \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{\text{éq}}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{\text{éq}}} \quad \text{: بالنسبة للمزدوجة } \text{CH}_3\text{COOH} / \text{CH}_3\text{COO}^-$$

$$pH = pK_{A1} + \text{Log} \frac{CV_1 - x_{\text{éq}}}{x_{\text{éq}}} = -\text{Log}(1,6 \cdot 10^{-5}) + \text{Log} \frac{10^{-2} \times 90 \cdot 10^{-3} - 9,88 \cdot 10^{-5}}{9,88 \cdot 10^{-5}}$$

ومنه

$$pH \approx 5,7$$

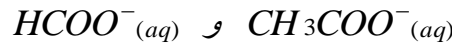
ف نجد

\* استنتاج النوعين الكيميائيين المهيمنين في الخليط عند التوازن:

نقارن قيمة pH الخليط عند التوازن مع كل من  $pK_{A1}$  و  $pK_{A2}$ :

$$pK_{A2} = -\text{Log}K_{A2} = -\text{Log}(1,6 \cdot 10^{-4}) = 3,8 \quad \text{و} \quad pK_{A1} = -\text{Log}K_{A1} = -\text{Log}(1,6 \cdot 10^{-5}) = 4,8$$

ومنه  $pH > pK_{A1}$  و  $pH > pK_{A2}$ ، فإن النوعين الكيميائيين المهيمنين في الخليط هما:



### الجزء الثاني: دراسة العمود نحاس - ألومنيوم

1.1- تحديد منحنى تطور المجموعة الكيميائية:

$$Q_{r,i} = \frac{[\text{Cu}^{2+}]_i^3}{[\text{Al}^{3+}]_i^2} = \frac{C_0^3}{C_0^2} = C_0 = \underbrace{5 \cdot 10^{-2}}_{\text{مليانيا}}$$

- نحسب خارج التفاعل البدئي:

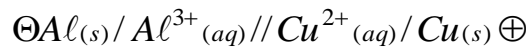
$$Q_{r,i} = 5 \cdot 10^{-2} \gg K = 10^{-20}$$

- نقارن مع ثابتة التوازن:

- حسب معيار التطور التلقائي، فإن المجموعة الكيميائية تتطور في المنحنى (2)، أي منحنى تأكل صفيحة الألومنيوم.

2.1- التبيانة الاصطلاحية للعمود:

- تتأكسد صفيحة الألومنيوم وتمثل الأنود للعمود المدروس:



1.2- تعبير التركيز:

- إنشاء الجدول الوصفي:

كمية مادة الإلكترونات المتبادلة: $n(e^-)$	معادلة التفاعل				التقدم	حالة المجموعة
	$3\text{Cu}^{2+}(\text{aq}) + 2\text{Al}(\text{s}) \rightleftharpoons 3\text{Cu}(\text{s}) + 2\text{Al}^{3+}(\text{aq})$					
	كميات المادة (mol)					
0	$C_0.V$	$n_i(\text{Al})$	$n_i(\text{Cu})$	$C_0.V$	0	الحالة البدئية
6x	$C_0.V - 3x$	$n_i(\text{Al}) - 2x$	$n_i(\text{Cu}) + 3x$	$C_0.V + 2x$	x	الحالة البينية

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

- حسب الجدول الوصفي: (\*)  $[Cu^{2+}] = \frac{C_0.V - 3x}{V} = C_0 - 3 \cdot \frac{x}{V}$

- كمية مادة الإلكترونات المتبادلة بين المختزل والمؤكسد عند اللحظة  $t$  هي  $n(e^-) = 6.x$ ، أي  $x = \frac{n(e^-)}{6}$  (1)

- لدينا العلاقة التالية:  $Q = I \times \Delta t = n(e^-) \times F$ ، أي  $n(e^-) = \frac{I \times \Delta t}{F} = \frac{I}{F} \cdot t$  ( $\Delta t = t - 0$ ) (2)

- نعوض (1) و(2) في العلاقة (\*)، فنحصل على:  $[Cu^{2+}] = C_0 - \frac{I}{2.F.V} \cdot t$

2.2- استنتاج شدة التيار:

- نلاحظ مبيانيا أن الدالة  $[Cu^{2+}] = f(t)$  تألفية، معادلتها:  $[Cu^{2+}] = b + a.t$

يمثل  $a$  المعامل الموجه للمستقيم، قيمته من المبيان هي:  $a = \frac{0 - 5 \cdot 10^{-2}}{5 \times 500 - 0} = -2.10^{-5} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$

- بمطابقة تعبيرى التركيز نتوصل إلى:  $a = -\frac{I}{2.F.V}$ ، ومنه  $I = -2.F.V.a$

- تطبيق عددي:  $I = -2.96500 \times 0,05 \times (-2.10^{-5}) = 0,19 \text{ A}$

3- \* إيجاد تعبير تغير كتلة صفيحة الألومنيوم عندما يستهلك العمود كليا:

- لدينا العلاقة:  $\Delta m(Al) = \Delta n(Al) \cdot M(Al)$  (1)

- من الجدول الوصفي:  $\Delta n(Al) = n_{tc}(Al) - n_i(Al) = (n_i(Al) - 2.x) - n_i(Al)$

$\Rightarrow \Delta n(Al) = -2.x$  (2)

- حسب مراحل الحل للسؤال السابق، فإن:  $x = \frac{I \cdot \Delta t}{6.F} = \frac{I \cdot t_c}{6.F}$  (3)

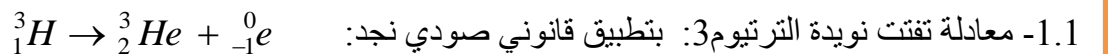
- نعوض (2) و(3) في العلاقة (1)، فنحصل على:

$$\begin{aligned} \Delta m(Al) &= -\frac{I \cdot t_c}{3.F} \cdot M(Al) \\ &= -\frac{0,19 \times (5 \times 500)}{3 \times 96500} \times 27 \\ &= -0,0443 \text{ g} = -44,3 \text{ mg} \end{aligned}$$

### الفيزياء

تمرين 1: التفاعلات النووية لنظائر الهيدروجين

1. النشاط الإشعاعي  $\beta^-$  لترينيوم:



2.1- تحديد عمر النصف للتريتيوم:

- حسب قانون التناقص الإشعاعي فإن:  $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$  ومنه  $\ln(N) = \ln(N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t})$

أي: (1)  $\ln(N) = \ln(N_0) - \lambda \cdot t$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

- نلاحظ مبيانيا أن الدالة  $\ln(N) = f(t)$  تألفية معادلتها:

$$\ln(N) = b + a.t$$

يمثل  $a$  المعامل الموجه للمستقيم، قيمته من المبيان هي:

$$a = \frac{48,75 - 50}{22 - 0} = -5,68.10^{-2} \text{ an}^{-1}$$

- بمطابقة تعبير  $\ln(N)$  نتوصل إلى:  $a = -\lambda$ ، ومنه  $\lambda = -a$ ، أي  $\lambda = 5,68.10^{-2} \text{ an}^{-1}$

- نعم أن تعبير عمر النصف هو:

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{\ln 2}{5,68.10^{-2}} = \underline{12,2 \text{ ans}}$$

### 2. الاندماج النووي:

1.2- المجال رقم (1) هو الذي يتضمن النويدات التي يمكن أن تخضع لتفاعلات الاندماج، لأن هذا الأخير لا يحصل إلا للنوى الخفيفة مثل نظائر الهيدروجين.

2.2- \* حساب الطاقة  $\Delta E'$  الناتجة عن اندماج نواة واحدة من الدوتيريوم  ${}^2_1H$ :



$$\Delta E' = \Delta m.c^2 = [m({}^4_2He) + m({}^1_0n) - m({}^2_1H) - m({}^3_1H)].c^2$$

$$\Delta E' = [4,00150 + 1,00866 - 2,01355 - 3,01550].u.c^2$$

$$\Delta E' = -0,01889.u.c^2 \quad (u.c^2 = 931,5 \text{ MeV})$$

$$\Delta E' = -0,17726 \times 931,5 \text{ MeV} \Rightarrow \underline{E \approx -17,59 \text{ MeV}}$$

\* استنتاج الطاقة  $\Delta E$  الناتجة عن اندماج الكتلة  $m$  من الدوتيريوم  ${}^2_1H$  المستخلصة من الحجم  $V = 1,0 \text{ m}^3$  من ماء البحر:

- الكتلة المستخلصة من الحجم  $V = 1,0 \text{ m}^3$  من ماء البحر:  $m = 33(\text{mg} / \text{L}) \times 10^3 (\text{L}) = 33 \text{ g}$

- عدد نوى الدوتيريوم  ${}^2_1H$  في العينة كتلتها  $m = 33 \text{ g}$  هو:

$$N = \frac{m}{m({}^2_1H)} = \frac{33.10^{-3}}{2,01355 \times 1,66.10^{-27}} = 9,87.10^{24} \text{ (noyaux)}$$

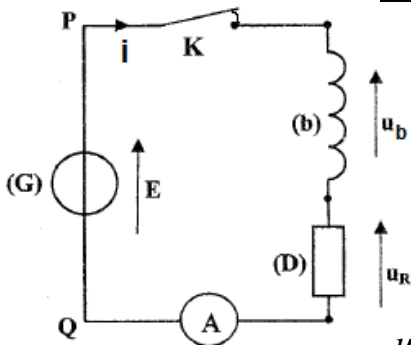
- تعبير الطاقة  $E'$  هو:

$$\Delta E = N.\Delta E' \quad \text{ت.ع.}$$

- القيمة المطلقة للطاقة المحصل عليها هي:

$$|\Delta E| = \underline{1,74.10^{26} \text{ MeV}}$$

### تمرين 2: تحديد مميزات وشيعة قصد استعمالها في انتقاء موجة مضمنة



1. تحديد معامل التحريض  $L$  والمقاومة  $r$  للوشيعة (b):

1.1- أ- إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_R(t)$ :

- قانون إضافية التوترات:

$$u_b + u_R = E \quad (*)$$

- في الاصطلاح مستقبل: قانون أوم للموصل الأومي:  $u_R = R.i$  أو  $i = \frac{1}{R}.u_R$

$$u_b = \frac{r}{R}.u_R + L.\frac{d}{dt}\left(\frac{1}{R}.u_R\right) = \frac{r}{R}.u_R + \frac{L}{R}.\frac{du_R}{dt} \quad \text{أو} \quad u_b = r.i + L.\frac{di}{dt}$$

والوشيعة:

$$\text{تكتب المعادلة (*) : } \frac{r}{R}.u_R + \frac{L}{R}.\frac{du_R}{dt} + u_R = E \quad \text{أو} \quad L.\frac{du_R}{dt} + u_R(R+r) = R.E$$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

فتكون المعادلة التفاضلية هي:  $L \frac{du_R}{dt} + (R+r).u_R - R.E = 0$

ب- تحديد تعبير كل من الثابتة  $U_0$  والثابتة  $\lambda$ :

يكتب حل المعادلة السابقة على الشكل التالي:  $u_R(t) = U_0.(1 - e^{-\lambda.t})$  و  $\frac{du_R}{dt} = \lambda.U_0.e^{-\lambda.t}$

نعوض في المعادلة التفاضلية:  $L.(\lambda.U_0.e^{-\lambda.t}) + (R+r).U_0.(1 - e^{-\lambda.t}) - R.E = 0$

ومنه 
$$U_0.e^{-\lambda.t} \left[ \underbrace{L.\lambda - (R+r)}_{=0} \right] + \underbrace{U_0(R+r) - E.R}_{=0} = 0$$

نستنتج أن:  $U_0 = \frac{R.E}{r+R}$  و  $\lambda = \frac{r+R}{L}$

2.1 - أ- \* تعبير المقاومة:

في النظام الدائم:  $u_R = U_0 = R \cdot \frac{E}{R+r}$  و  $u_R = R.I = U_0$  ومنه  $I = \frac{E}{R+r}$  أي  $r = \frac{E}{I} - R = \frac{E}{I} - \frac{U_0}{I}$

نتوصل إلى التعبير التالي:  $r = \frac{E - U_0}{I}$

تطبيق عددي:  $r = \frac{10 - 7,6}{0,1} = 24 \Omega$

ب- التعبير عن المقدار  $\left(\frac{du_R}{dt}\right)_0$ :

تكتب المعادلة التفاضلية عند اللحظة  $t = 0$ :  $L \left(\frac{du_R}{dt}\right)_0 + (R+r).u_R(0) - R.E = 0$

ومنه  $\left(\frac{du_R}{dt}\right)_0 = \frac{R.E}{L}$  ومع  $R = \frac{U_0}{I}$  ، يكتب المقدار:  $\left(\frac{du_R}{dt}\right)_0 = \frac{U_0.E}{I.L}$

استنتاج معامل تحريض الوشيجة:

يمثل المقدار  $\left(\frac{du_R}{dt}\right)_0$  المعامل الموجه للمستقيم  $T$  ، وقيمه هي:  $\left(\frac{du_R}{dt}\right)_0 = \frac{4}{2,5.10^{-3}} = 1,6.10^3 V/s$

من العلاقة السابقة لهذا المقدار ، نستنتج تعبير معامل التحريض:  $L = \frac{U_0.E}{I \cdot \left(\frac{du_R}{dt}\right)_0}$

تطبيق عددي:  $L = \frac{7,6 \times 10}{0,1 \times 1,6.10^3} = 0,48 H$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

2. تحديد معامل التحريض  $L'$  والمقاومة  $r'$  للوشية ( $b'$ ):

1.2- أ - تحليل شكل المنحنى من الناحية الطاقية:

نلاحظ تناقص وسع التذبذبات الكهربائية مع الزمن، وعنه يترتب تناقص الطاقة الكلية للدارة الكهربائية بمفعول جول الذي تسببه المقاومة الكلية للدارة.

ب- التحقق من قيمة معامل تحريض الوشية ( $b'$ ):

$$T = 2 \times 7,91 = 15,82 \text{ ms}$$

- مبيانيا قيمة شبه الدور هي:

$$L' = \frac{T^2}{4 \cdot \pi^2 \cdot C'} = \frac{(15,82 \cdot 10^{-3})^2}{4 \times \pi^2 \times 20 \cdot 10^{-6}} = 0,317 \text{ H} \quad \text{ومنه } T_0 = 2\pi \sqrt{L'C'} = T$$

2.2- نبين أن مقاومة الوشية ( $b'$ ) منعدمة:

$$u_c(t) = E e^{-\frac{R'+r'}{2L'}t} \cos\left(\frac{2\pi}{T}t\right) \quad \text{- حسب المعطيات:}$$

$$u_c(T) = E e^{-\frac{R'+r'}{2L'}T} \cos\left(\frac{2\pi}{T}T\right) \quad \text{و } u_c(T) = 4,5 \text{ V من المبيان نقرأ: عند اللحظة } t=T$$

$$\text{- من النتيجتين نكتب: } E e^{-\frac{R'+r'}{2L'}T} = 4,5 \quad \text{أي } \frac{R'+r'}{2L'}T = \ln\left(\frac{E}{4,5}\right) \quad \text{أو}$$

$$r' = \ln\left(\frac{E}{4,5}\right) \cdot \frac{2L'}{T} - R'$$

$$r' = \ln\left(\frac{10}{4,5}\right) \cdot \frac{2 \times 0,317}{15,82 \cdot 10^{-3}} - 32 \approx 0$$

3- إرسال واستقبال إشارة مضمّنة:

1.3- تضمين الوسع قد أنجز بشكل جيد:

$$u_s(t) = A \cdot [1 + 0,6 \cos(10^4 \pi t)] \cos(2 \cdot 10^5 \pi t) \quad \text{- حسب المعطيات تعبير التوتر مضمّن الوسع هو:}$$

$$u_s(t) = A \cdot [1 + m \cdot \cos(2\pi F_s t)] \cos(2\pi F_p t) \quad \text{- بصفة عامة نتوصل إلى تعبير التوتر مضمّن الوسع:}$$

- من هذين التعبيرين نستنتج نسبة التضمين  $m$  والتردد  $F_p$  للموجة الحاملة والتردد  $F_s$  للإشارة الجيبية  $s(t)$ ، فنجد:

$$F_p = 10^5 \text{ Hz} \quad \text{و } F_s = \frac{10^4}{2} = 5 \cdot 10^3 \text{ Hz} \quad \text{و } m = 0,6$$

- إن تضمين الوسع قد أنجز بشكل جيد لأن:  $m < 1$  و  $F_p \gg F_s$

2.3- أ - استعمال الوشية ( $b'$ ) في التركيب يمكّن الجزء 1 من انتقاء الإشارة  $u_s(t)$ :

$$\text{- لانتقاء هذه الإشارة نتحقق العلاقة } F_p = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot \sqrt{L' \cdot C_0}} \quad \text{ومنه:}$$

$$C_0 = \frac{1}{4 \cdot \pi^2 \cdot F_p^2 \cdot L'} = \frac{1}{4 \times \pi^2 \times (10^5)^2 \cdot 0,317} \approx 8 \cdot 10^{-12} \text{ F}$$

- يمكن للجزء 1 من انتقاء الإشارة  $u_s(t)$  لأن  $6 \cdot 10^{-12} \text{ F} < C_0 = 8 \cdot 10^{-12} \text{ F} < 12 \cdot 10^{-12} \text{ F}$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

ب- تحديد سعة المكثف الملائم للحصول على كشف غلاف جيد:  
- ينبغي أن تتحقق العلاقة التالية:  $T_p \ll \tau = R_1 C_1 < T_s$

- من العلاقة السابقة نستنتج تأطير قيمة سعة المكثف الملائم:  $\frac{T_p}{R_1} \ll C_1 < \frac{T_s}{R_1}$  أو  $\frac{1}{F_p \cdot R_1} \ll C_1 < \frac{1}{F_s \cdot R_1}$

- تطبيق عددي:  $3,33 \cdot 10^{-10} F \ll C_1 < 6,67 \cdot 10^{-9} F$  أو  $\frac{1}{10^5 \times 30 \cdot 10^3} \ll C_1 < \frac{1}{5 \cdot 10^3 \times 30 \cdot 10^3}$

وبالتالي تتحدد القيمة في المجال:  $0,33 \cdot nF \ll C_1 < 6,67 nF$   
- السعة المناسبة هي:  $C_1 = 5 nF$

تمرين 3:

### الجزء الأول: حركة سقوط مظلي

1- إيجاد المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة  $v$ :  
- المجموعة المدروسة: { المظلي ولوازمه }

- تخضع المجموعة إلى وزنها  $P$  - تأثير قوة الاحتكاك  $f$  (دافعة أرخميدس  $F$  مهمله)

- نطبق القانون الثاني لنيوتن في معلم أرضي، فنكتب:  $\vec{P} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}_G$

- نسقط هذه العلاقة المتجهية على المحور الرأسى  $(O, \vec{k})$  الموجه نحو الأسفل:

$$P - f = m \cdot a_G \Rightarrow m \cdot g - k \cdot v^2 = m \cdot \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} = g \left(1 - \frac{k}{m \cdot g} v^2\right) = g \left(1 - \frac{1}{\frac{m \cdot g}{k}} v^2\right) \quad \text{أو} \quad \frac{dv}{dt} = g - \frac{k}{m} v^2 \quad \text{إذا}$$

نضع الثابتة  $\alpha^2 = \frac{m \cdot g}{k}$  أي  $\alpha = \sqrt{\frac{m \cdot g}{k}}$ ، فنكتب المعادلة على الشكل:  $\frac{dv}{dt} = g \left(1 - \frac{v^2}{\alpha^2}\right)$

2- يمثل المقدار  $\alpha$  السرعة الحدية للمجموعة (S).

التعليل: في النظام الدائم تبقى السرعة ثابتة، أو  $\frac{dv}{dt} = 0$  أي  $1 - \frac{v_{lim}^2}{\alpha^2} = 0$  ومنه  $\alpha = v_{lim}$

3- \* تحديد قيمة  $\alpha$ : مبيانيا نجد  $\alpha = 5 m \cdot s^{-1}$

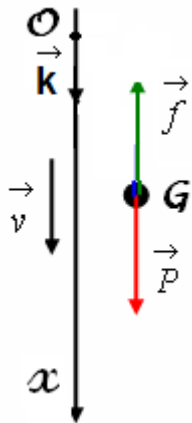
\* استنتاج قيمة  $k$ : من تعبير  $\alpha$ ، نستخرج التعبير  $k = \frac{m \cdot g}{\alpha^2}$

\* تطبيق عددي:  $k = \frac{100 \times 9,8}{5^2} = 39,2 \text{ kg} \cdot m^{-1}$

4- تحديد خطوة الحساب  $\Delta t$ :

- حسب المعطيات فإن  $v_{n+1} = -7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + v_n + 1,96$

- وحسب علاقة التقريب:  $v_{n+1} = v_n + a_n \cdot \Delta t$





## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

$$a_n \Delta t = -7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + 1,96 \quad \text{- من العلاقتين نستنتج أن:}$$

$$a_n = g \left(1 - \frac{v_n^2}{\alpha^2}\right) \quad \text{- باعتبار المعادلة التفاضلية:}$$

- نستخرج تعبير خطوة الحساب:

$$\begin{aligned} \Delta t &= \frac{-7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + 1,96}{a_n} = \frac{-7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + 1,96}{g \left(1 - \frac{v_n^2}{\alpha^2}\right)} \\ &= \frac{-7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + 1,96}{-\frac{g}{\alpha^2} v_n^2 + g} = \frac{-7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + 1,96}{-39,2 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + 9,8} \\ &= \frac{-7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + 1,96}{5 \times (-7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + 1,96)} = \underline{0,2s} \end{aligned}$$

### الجزء الثاني: النواس الوازن

1.1- إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفضول الزاوي:

- المجموعة المدروسة: { النواس الوازن }

- تخضع المجموعة إلى  $\vec{P}$  وزنها وإلى  $\vec{R}$  تأثير محور الدوران.

- نطبق العلاقة الأساسية للديناميك في معلم أرضي، فنكتب: (\*)  $M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{R}) = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$

-  $M_{\Delta}(\vec{R}) = 0$  لأن اتجاه القوة  $\vec{R}$  يمر من محور الدوران،

و  $M_{\Delta}(\vec{P}) = -(m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot OH$  أي  $M_{\Delta}(\vec{P}) = -(m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d \cdot \sin(\theta)$

- تصبح المعادلة (\*) كالتالي:  $-(m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d \cdot \sin(\theta) = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$

أو  $J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta} + (m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d \cdot \sin(\theta) = 0$

- في حالة الذبذبات الصغيرة  $\sin(\theta) \approx \theta$  (rad)، ومنه تعبير المعادلة التفاضلية:

$$\ddot{\theta} + \frac{(m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d}{J_{\Delta}} \cdot \theta = 0 \quad (1)$$

2.1- \* إيجاد تعبير الدور الخاص:

- حل المعادلة التفاضلية هو  $\theta(t) = \theta_0 \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$ ، ومنه  $\ddot{\theta}(t) = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta_0 \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$

أي  $\ddot{\theta} + \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta_0 \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) = 0$  فنحصل على المعادلة التالية: (2)  $\ddot{\theta} + \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta = 0$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

$$\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \frac{(m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d}{J_{\Delta}} \quad \text{- بمطابقة العلاقتين (1) و(2) نستنتج أن:}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{(m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d}} \quad \text{- أخيرا نتوصل إلى تعبير الدور الخاص:}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{9,8 \cdot 10^{-2}}{(0,2) \times 9,8 \times 0,5}} \approx \underline{\underline{2s}} \quad \text{- تطبيق عددي:}$$

3.1- إيجاد تعبير الشدة  $R$  للقوة  $\vec{R}$  المقرونة بتأثير المحور على النواس الوازن:

- المجموعة المدروسة: { النواس الوازن }

- تخضع المجموعة إلى  $\vec{P}$  وزنها وإلى  $\vec{R}$  تأثير محور الدوران.

$$\vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_G \quad \text{- نطبق القانون الثاني لنيوتن في معلم أرضي، فنكتب:}$$

$$-P + R = m \cdot a_n = m \cdot \frac{v^2}{d} \quad \text{- نسقط هذه العلاقة المتجهية على المحور الرأسي } (G, \vec{n}) \text{ لمعلم فريني:}$$

$$R = m \cdot \left(g_0 + \frac{v^2}{d}\right) \quad \text{أو} \quad R = mg_0 + m \cdot \frac{v^2}{d} \quad \text{ومنه}$$

- نحدد تعبير السرعة الخطية عند مرور النواس من موضع توازنه المستقر:

$$v(t) = d \cdot \dot{\theta}(t) = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right) \cdot d \cdot \theta_0 \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) \quad \text{- لدينا:}$$

$$\theta(t) = \theta_0 \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) = 0 \quad \text{- عند مرور النواس من موضع توازنه المستقر:}$$

$$v = \pm \left(\frac{2\pi}{T_0}\right) \cdot d \cdot \theta_0 \quad \text{وبالتالي} \quad \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) = \pm 1, \quad \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) = 0 \quad \text{ومنه}$$

$$R = (m_1 + m_2) \cdot \left[ g_0 + d \cdot \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot \theta_0^2 \right] \quad \text{ومنه}$$

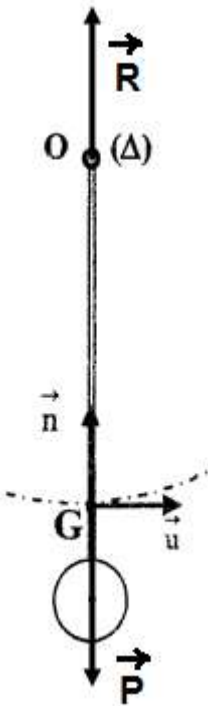
$$R = (0,2) \cdot \left[ 9,8 + 0,5 \cdot \left(\frac{2\pi}{2}\right)^2 \cdot \left(\frac{\pi}{18}\right)^2 \right] \approx \underline{\underline{2N}} \quad \text{- تطبيق عددي:}$$

1.2- كتابة الطاقة الميكانيكية على الشكل:  $E_m = a \cdot \dot{\theta}^2 + b \cdot \theta^2$

- تكتب الطاقة الميكانيكية:  $E_m = E_c + E_{pp} + E_{pt}$

$$E_c = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \dot{\theta}^2 \quad \text{- تعبير الطاقة الحركية}$$

$$E_{pp} = mg \cdot (z - z_0) = mg \cdot z = mg \cdot d \cdot \underbrace{(1 - \cos(\theta))}_{\theta^2/2} = \frac{mgd}{2} \cdot \theta^2 \quad \text{- تعبير طاقة الوضع الثقالية:}$$



## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2012 - الدورة العادية

- تعبير طاقة الوضع للي  $E_{pt} = \frac{1}{2} C \theta^2 + Cte$  (Cte=0) أي  $E_{pt} = \frac{1}{2} C \theta^2$

- يكتب تعبير الطاقة الميكانيكية:

$$E_m = \frac{1}{2} J_{\Delta} \dot{\theta}^2 + \frac{mgd}{2} \theta^2 + \frac{1}{2} C \theta^2 = \frac{1}{2} J_{\Delta} \dot{\theta}^2 + \frac{1}{2} (mgd + C) \theta^2$$

- بالمقارنة مع النتيجة المطلوبة  $E_m = a \dot{\theta}^2 + b \theta^2$ ، نستنتج أن:  $a = \frac{1}{2} J_{\Delta}$  و  $b = \frac{1}{2} (mgd + C)$

2.2- استنتاج المعادلة التفاضلية:

- تحتفظ الطاقة الميكانيكية للنواس الوازن  $\frac{dE_m}{dt} = 0$

$$\ddot{\theta} + \frac{b}{a} \theta = 0 \text{ ومنه } a \dot{\theta} \ddot{\theta} + b \theta \dot{\theta} = 0 \text{ أو } \frac{dE_m}{dt} = \frac{d}{dt} (a \dot{\theta}^2 + b \theta^2) = 0$$

3.2- تعبير ثابتة اللي الملائمة لتصحيح الفرق الزمني:

$$\frac{a}{b} = \frac{\frac{1}{2} J_{\Delta}}{\frac{1}{2} (mgd + C)} = \frac{J_{\Delta}}{mgd + C} \text{ مع } T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{(m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d}} = 2\pi \sqrt{\frac{a}{b}}$$

- يجب أن يتحقق:

- نتوصل إلى العلاقة:  $\frac{J_{\Delta}}{(m_1 + m_2) \cdot g \cdot d + C} = \frac{J_{\Delta}}{(m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d}$  ومنه  $(m_1 + m_2) \cdot g \cdot d + C = (m_1 + m_2) \cdot g_0 \cdot d$

- فيكون تعبير ثابتة اللي هو:  $C = (m_1 + m_2) \cdot (g_0 - g) \cdot d$

- تطبيق عددي:  $C = (0,2) \times (9,80 - 9,78) \times 0,5 = \underline{2 \cdot 10^{-3} \text{ N.m.rad}^{-1}}$