



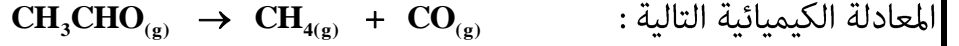
## الكيمياء ( 7 نقط )

### الجزء الأول و الثاني مستقلان

**الجزء الأول :** تتبع تطور مجموعة كيميائية .

نعتبر كل الغازات المدروسة كاملة و نعطي ثابتة الغازات الكاملة في النظام العالمي :  $R = 8,31 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$  .  
عند درجة حرارة ثابتة  $447^\circ\text{C}$  ، يحتوي إناء مغلق ، حجمه ثابت  $V = 1\text{L}$  ، على كمية بدئية  $n_0$  من غاز الإيثانال ذي الصيغة  $\text{CH}_3\text{CHO}$  .

بفعل الحرارة ، يتفكك غاز الإيثانال إلى غاز الميثان ذي الصيغة  $\text{CH}_4$  و إلى غاز أوحادي أكسيد الكربون  $\text{CO}$  وفق



نتتبع تطور هذا التحول بقياس الضغط الكلي  $P$  داخل الإناء بدلالة الزمن  $t$  ، فنحصل على القياسات التجريبية التالية:

3600	2400	1200	0	t(s)	
6,62	6,20	5,52	4,26		$P(10^4 \text{ Pa})$

0.5 ( 1 ) حدد  $n_0$  كمية المادة البدئية لغاز الإيثانال .

0.75 ( 2 ) أثبت العلاقة بين كمية المادة  $n_t$  للإيثانال عند لحظة  $t$  و بين الضغط الكلي  $P$  بدلالة :  $T, R, V$  و الضغط البدئي  $P_0$  .

( 3 ) نفترض أن السرعة الحجمية اللحظية  $v(t)$  لهذا التفاعل تتغير بدلالة كمية المادة  $n_t$  وفق النموذج التالي :

$$v(t) = k \left( \frac{n_t}{V} \right)^2 \quad \text{حيث } k \text{ معامل موجب ثابت عند درجة حرارة معينة .}$$

$$\frac{1}{n_t} - \frac{1}{n_0} = \frac{k}{V} \cdot t \quad \text{1 ( 3 - 1 ) أثبت العلاقة التالية :}$$

0.5 ( 3 - 2 ) حدد  $t_{1/4}$  المدة اللازمة لتفكك ربع الكمية البدئية للإيثانال.

**الجزء الثاني :** تحديد حمضية حليب بواسطة المعايرة .

يحتوي الحليب على نسبة مهمة من الماء ، و على مواد دهنية ، و مواد عضوية و مكونات معدنية ، و يعتبر اللاكتوز السكر المميز للحليب إذ يتحول اللاكتوز مع الزمن إلى حمض اللاكتيك  $\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_3$  فتزداد حمضية الحليب .  
تعطى حمضية الحليب في الصناعة الغذائية بدرجة دورنيك رمزها  $(^\circ\text{D})$  ، بحيث  $1^\circ\text{D}$  يوافق وجود  $0,10\text{g}$  من حمض اللاكتيك في  $1\text{L}$  من الحليب .

$$\text{نعطي : } M(\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_3) = 90,0 \text{ g.mol}^{-1} \quad \text{و } pK_e = 14$$

1 ( 1 ) حدد قيمة  $pK_A$  للمزدوجة  $\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_3 / \text{C}_3\text{H}_5\text{O}_3^-$  علما أن  $\text{pH}$  محلول مائي لحمض اللاكتيك تركيز المولي  $C = 1,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  يأخذ القيمة  $\text{pH} = 2,95$  عند درجة الحرارة  $25^\circ\text{C}$  .

( 2 ) لتحديد حمضية حليب ، تمت معايرة حمض اللاكتيك الموجود في عينة منه حجمها  $V_A = 50\text{mL}$  بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم تركيزه المولي  $C_B = 5,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$  . تتبع هذه المعايرة أدى إلى الحصول على المنحنى الممثل في الشكل أسفله . ( نفترض أن حمض اللاكتيك هو الحمض الوحيد الموجود في الحليب المدروس ) .

0.5 ( 2 - 1 ) حدد مبيانيا إحداثيات نقطة التكافؤ .

0.75 ( 2 - 2 ) حدد من جديد قيمة  $pK_A$  للمزدوجة  $\text{C}_3\text{H}_6\text{O}_3 / \text{C}_3\text{H}_5\text{O}_3^-$  .

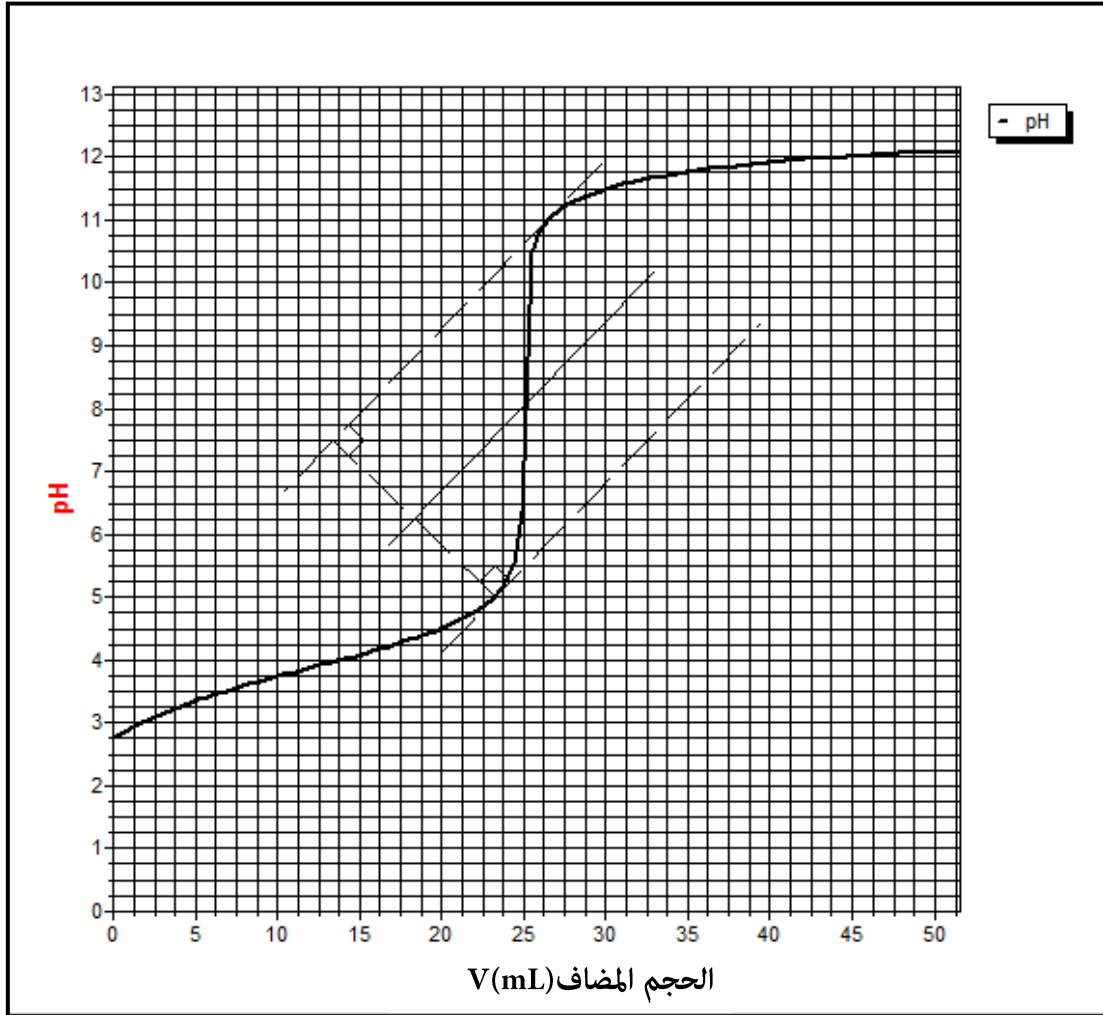
0.75 (2-3) حدد بدرجة دورنيك حمضية الحليب .

(2-4) أوجد تعبير pH الخليط خلال المعايرة بدلالة a و pK<sub>A</sub> (أو pK<sub>e</sub> و C<sub>B</sub>) بالنسبة للحالتين :

0.5 أ - 0 < a < 1

0.75 ب - a > 1

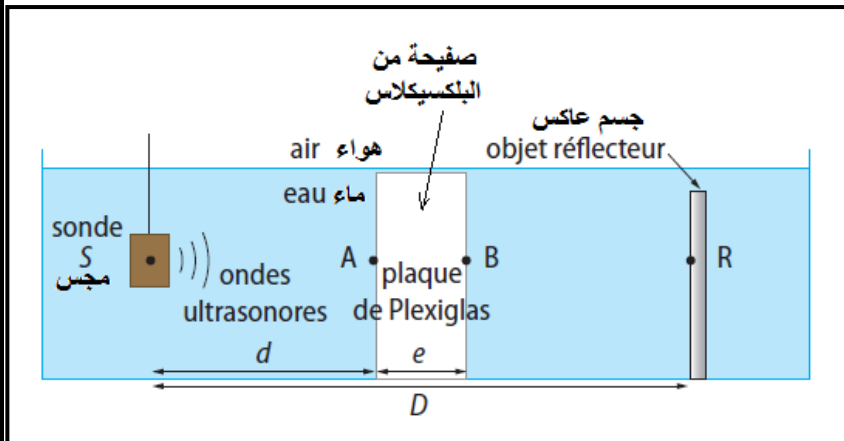
مع :  $a = \frac{V_B}{V_E}$  ، حيث V<sub>B</sub> حجم محلول الصودا المضاف خلال المعايرة و V<sub>E</sub> الحجم اللازم للحصول على التكافؤ.



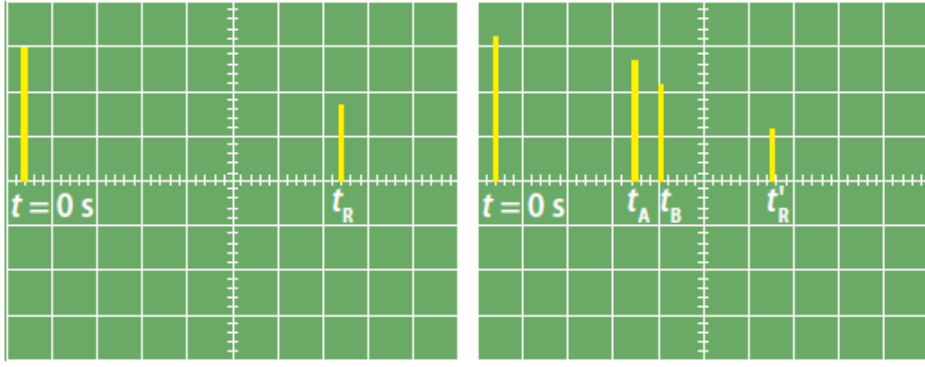
### الفيزياء ( 13 نقطة )

تمرين 1 : انتشار موجة فوق صوتية .

في حوض مملوء بالماء ، نضع صفيحة من البلكسيكلاص سمكها e . ثم مجس للموجات فوق الصوتية ، حيث يلعب في نفس الوقت دور الباعث و المستقبل . ( انظر الشكل جانب )



مدة انبعاث الإشارات و استقبالها وجيزة جدا لذا نمثلها على شكل حزات ( انظر الشكل 1 و 2 ) .  
نأخذ كأصل للتواريخ لحظة انبعاث الإشارة من المجس .



الشكل 1

الشكل 2

نعطي : مدة الكسح لرأس التذبذب :

$$k_x = 20\mu\text{s.div}^{-1}$$

حصلنا على الشكل 1 بدون استعمال الصفيحة . عند اللحظة  $t=0$  نعاين الإشارة المنبعثة . و عند اللحظة  $t_R$  نعاين الإشارة المنعكسة من الجسم العاكس .

نحصل على الشكل 2 بغمر الصفيحة في الحوض بين المجس و الجسم العاكس . اللحظتين  $t_A$  و  $t_B$  هما بالتتابع لحظتي استقبال المجس للموجتين المنعكستين على وجهي الصفيحة ( A و B ) ، و  $t'_R$  لحظة تلك المنعكسة من طرف الجسم العاكس .

0.5 ( 1 ) باعتمادك على الشكلين 1 و 2 قارن بين سرعة انتشار الموجة فوق الصوتية في الماء و  $v_p$  سرعة انتشارها في البلكسيكلاص .

$$0.75 ( 2 ) \text{ بين أن } t_B = \frac{2d}{v_e} + \frac{2e}{v_p}$$

$$0.75 ( 3 ) \text{ بين أن : } e = \frac{v_e}{2} (t_R - t'_R + t_B - t_A) \text{ ثم أحسب } e \text{ . نعطي } v_e = 1,5\text{km.s}^{-1}$$

0,5 ( 4 ) استنتج  $v_p$  سرعة انتشار الموجة فوق الصوتية في البلكسيكلاص .

## تمرين 2 :

### الجزء الأول : شحن وتفريغ مكثف .

خلال دراسة تجريبية لشحن وتفريغ مكثف سعته C ، نجز الدارة الكهربائية التالية الشكل (1) والمكونة من :

+ مولد G مؤمّل للتيار  $I_0 = \text{ImA}$

+ موصلين أوميين مقاومتهما على التوالي R و R'

+ مكثف سعته C

+ قاطع التيار K قابل للتأرجح بين موضعين (1) و (2)

عند اللحظة  $t=0$  نعتبرها أصلا للتواريخ ، نضع قاطع التيار K في

الموضع (1) وعند اللحظة  $t=t_1$  نؤرجحه إلى الموضع (2) . وبواسطة

وسيط معلوماتي تمت معاينة تغيرات التوتر  $u_c(t)$  بين مربطي

المكثف بدلالة الزمن t الشكل (2) .

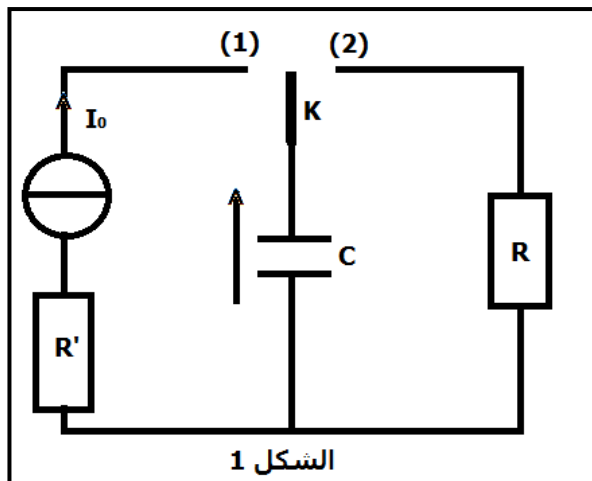
I - حالة K في الموضع (1)

0.5 ( 1 ) أوجد تعبير التوتر  $u_c(t)$  بدلالة t و  $I_0$  و C

0.5 ( 2 ) باعتمادك على المنحنى أوجد C قيمة سعة المكثف

0.5 ( 3 ) التوتر القصوي الذي يمكن أن يتحمّله المكثف دون أن يتلف هو 30V ، أحسب المدة الزمنية  $\Delta t$  اللازمة

لشحن المكثف دون أن يتلف .



الشكل 1

## II - حالة K في الموضع (2)

0.5 (1) أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها  $u_c(t)$

0.75 (2) حل المعادلة التفاضلية يكتب على الشكل التالي :  $u_c(t) = Ae^{-\alpha(t-t_1)} + B$

حدد  $A$  و  $B$  و  $\alpha$  بدلالة  $U_1$  قيمة  $u_c$  عند اللحظة  $t = t_1$  و  $C$  و  $R$  . نضع  $\tau = RC$

0.5 (3) أستنتج تعبير شدة التيار الكهربائي  $i(t)$  بدلالة برامترات الدارة .

0.25 (4) بين أن معادلة المماس عند اللحظة  $t = t_1$  للمنحنى الموافق لتفريغ المكثف تكتب على الشكل التالي :

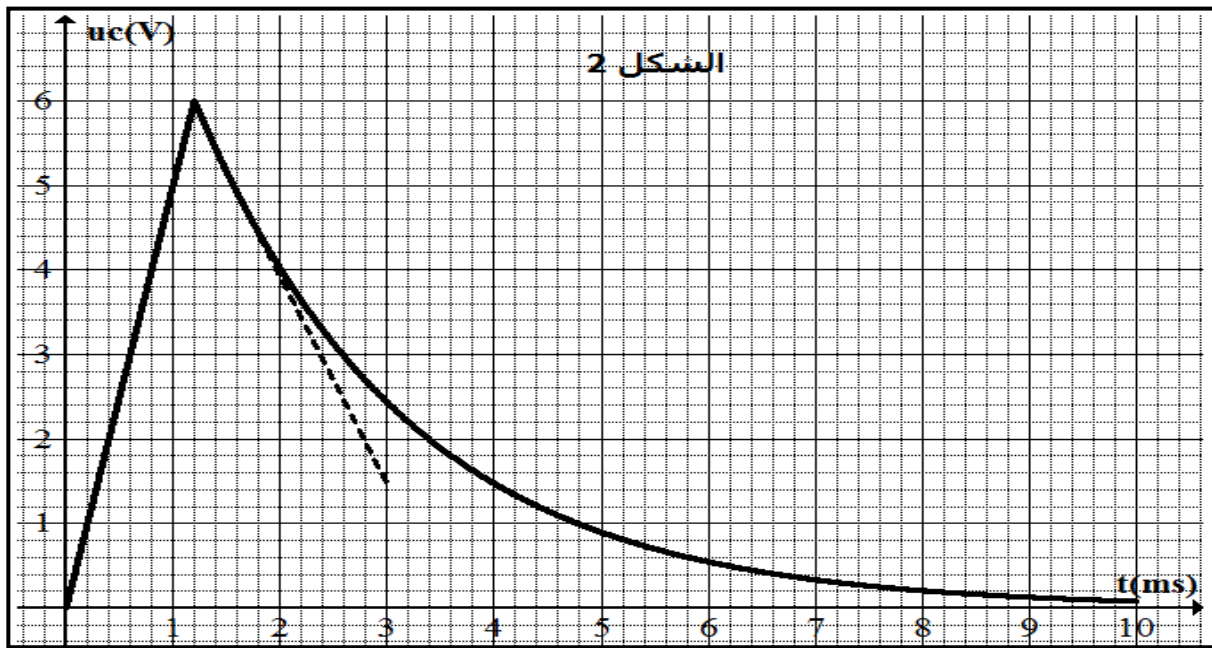
$$y = U_1 \left( \frac{t_1 - t}{\tau} + 1 \right)$$

نعطي معادلة المماس لمنحنى في الرياضيات :  $y - y_0 = f'(x_0)(x - x_0)$

0.5 (5) عين مبيانيا  $\tau$  واستنتج قيمة  $R$  للموصل الأومي .

0.5 (6) أحسب الطاقة المفقودة من طرف المكثف خلال المدة الزمنية  $\Delta t = 5\tau$  مدة تفريغ المكثف انطلاقا من

وضع K في الموضع (2) . استنتج الطاقة المبددة في الموصل الأومي بمفعول جول .



الجزء الثاني : إقامة التيار في وشيعة .

ننجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل 1 .

بدئيا قاطع التيار في الموضع 2 ، و عند اللحظة  $t = 0$  نؤرجحه إلى الموضع 1.

الشكل 2 يمثل تغيرات التوتر  $u_B(t)$  بين مربطي الوشيعة

و تغيرات التوتر  $u_R(t)$  بين مربطي الموصل الأومي ذي المقاومة  $R = 100\Omega$  .

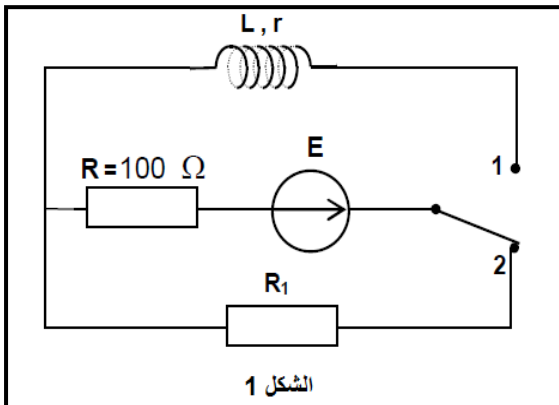
0.25 (1) علل أن المنحنى  $(g_1)$  يوافق التوتر  $u_R(t)$  .

1 (2) حدد المقاومة  $r$  ومعامل التحريض  $L$  للوشيعة .

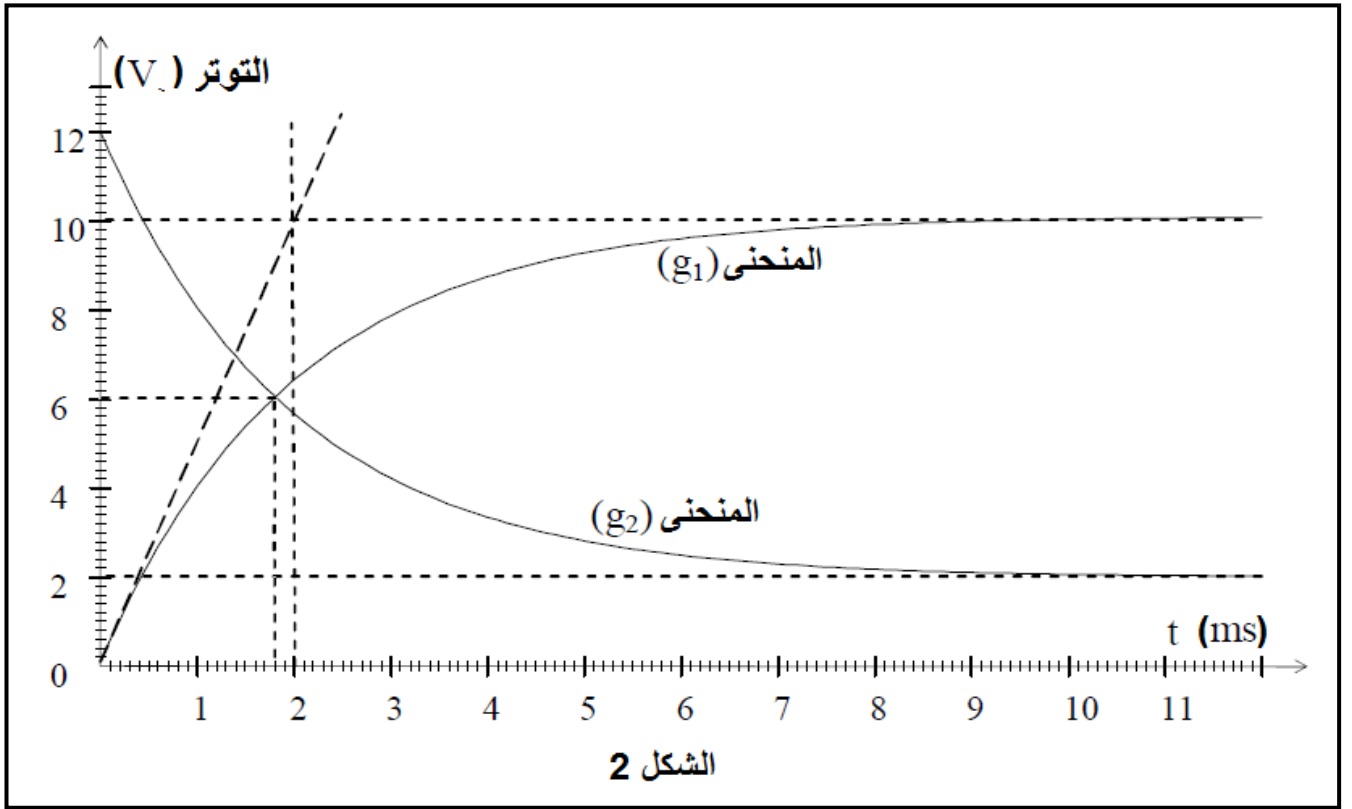
0.5 (3) أحسب الطاقة المخزنة في الوشيعة لحظة تساوي

التوترين  $u_B(t)$  و  $u_R(t)$  .

0.75 (4) حدد قيمة  $E$  و استنتج قيمة المقاومة  $R_1$  .



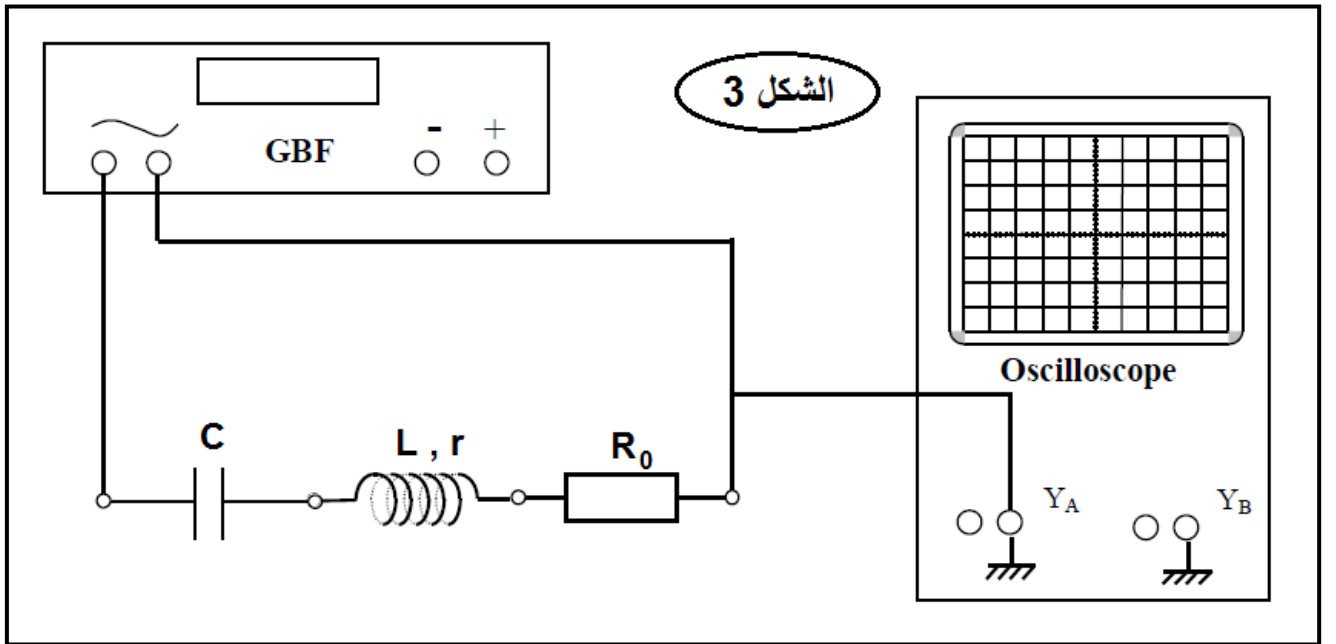
الشكل 1



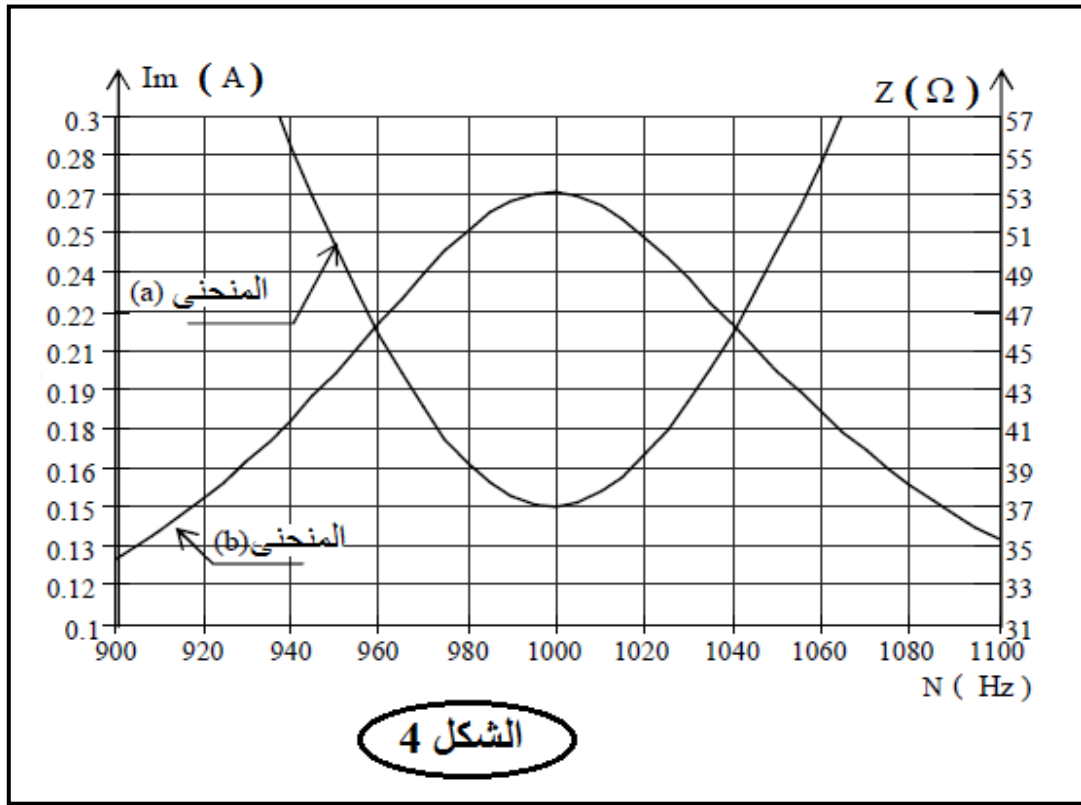
تمرين 3 : خط منحنى الرنين لمتذبذب كهربائي .

نتوفر على مولد للترددات المنخفضة (GBF) ، و شعبة مقاومتها  $r$  و معامل تحريضها  $L$  ،  
 موصل أومي مقاومته  $R_0 = 30\Omega$  ، مكثف سعته  $C$  و راسم تذبذب ذي مدخلين  $Y_A$  و  $Y_B$  .  
 نريد خط نقطة بنقطة ، منحنى رنين شدة التيار لثنائي القطب RLC المتوالي :  $I = f(N)$  .

0.5 1 ) أتمم التركيب التجريبي الممثل في الشكل 3 مبينا كيفية ربط راسم التذبذب لإنجاز القياسات الضرورية للدراسة .

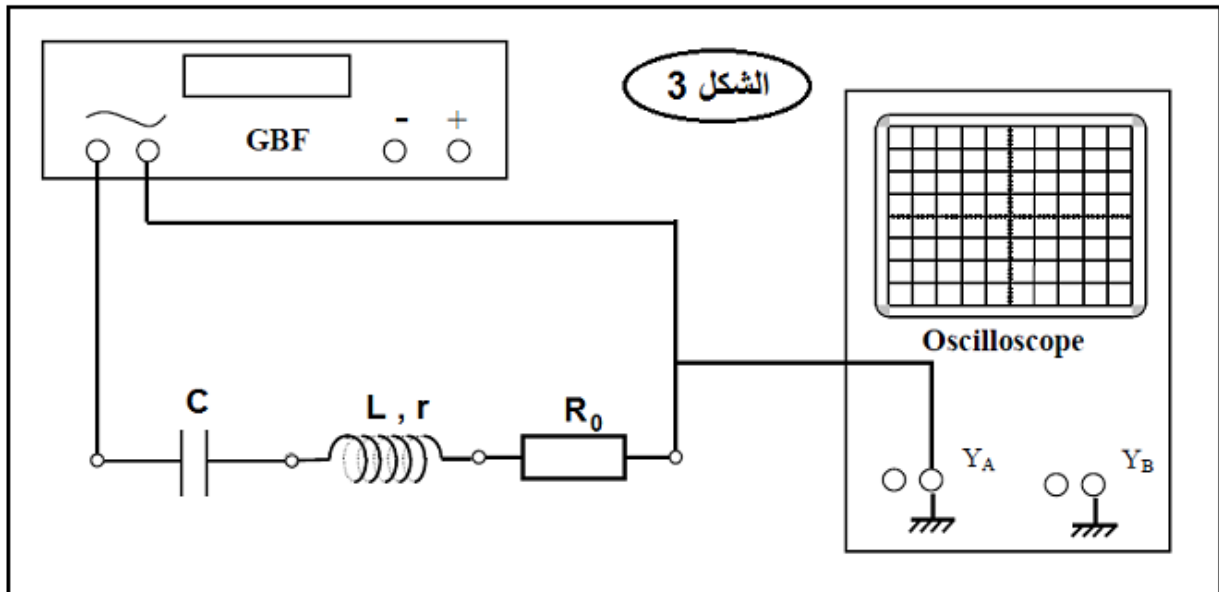


2 ) نغير التردد للتوتر المتناوب الجيبي المطبق من طرف GBF و نحافظ على توتره القصوي  $U_m$  ثابت ، نسجل القيم القصوية للتوترات اللازمة ، مكنت معالجة هذه النتائج من خط المنحنيين (a) و (b) ( الشكل 4 ) .



الشكل 4

- 0.5 (1 - 2) باعتمادك على تعريف ممانعة ثنائي القطب RLC و منحنى الرنين ( $I_m = f(N)$ ) ، بين أن المنحنى (a) يوافق تغيرات الممانعة بدلالة التردد  $N$  .
- 0.5 (2 - 2) حدد التوتر القصوي  $U_m$  المطبق من طرف المولد .
- 0.75 (2 - 3) بين أن مقاومة الوشعة تساوي  $7\Omega$  .
- 1.25 (2 - 4) بالنسبة ل  $N = N_0$  مع التردد الخاص للمتذبذب ، التوتر القصوي بين مربطي المكثف هو  $U_{Cm} = 100V$  بين أن قيمة  $C$  تساوي تقريبا  $0,43\mu F$  . ثم أحسب معامل الجودة  $Q$  ، تأكد من قيمته مبيانيا .



الشكل 3