

# تصحيح الامتحان الوطني للباكالوريا الدورة الإستدراكي 2015

## مادة العلوم الفيزيائية

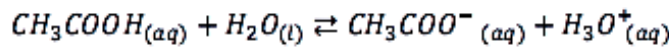
[jamil-rachid.jimdo.com](http://jamil-rachid.jimdo.com)

الكيمياء :

### الجزء الاول : دراسة محلول مائي لحمض الإيثانويك وتصنيع الإستر

1-دراسة محلول مائي لحمض الإيثانويك

1.1-معادلة تفاعل حمض الايثانويك مع الماء :



1.2-إثبات قيمة  $P_H$  :

الجدول الوصفي لتقدم التفاعل :

المعادلة الكيميائية		$CH_3COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons CH_3COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$			
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة ب (mol)			
الحالة البدئية	0	$C_A \cdot V_A$	وفير	0	0
حالة التحول	x	$C_A \cdot V_A - x$	وفير	x	x
الحالة النهائية	$x_{\acute{e}q}$	$C_A \cdot V_A - x_{\acute{e}q}$	وفير	$x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$

حسب تعريف الموصلية :

$$\sigma = \lambda_{(CH_3COO^-)}[CH_3COO^-]_{\acute{e}q} + \lambda_{H_3O^+}[H_3O^+]_{\acute{e}q}$$

حسب الجدول الوصفي :

$$\sigma = \lambda_{(CH_3COO^-)}[H_3O^+]_{\acute{e}q} + \lambda_{(H_3O^+)}[H_3O^+]_{\acute{e}q} \Leftrightarrow [(CH_3COO^-)_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{V_A}]$$

$$[H_3O^+]_{\acute{e}q} = \frac{\sigma}{\lambda_{(CH_3COO^-)} + \lambda_{(H_3O^+)}} \Leftrightarrow \sigma = (\lambda_{(CH_3COO^-)} + \lambda_{(H_3O^+)})[H_3O^+]_{\acute{e}q}$$

تعبير  $pH$  :

لدينا :

$$pH = -\log\left(\frac{\sigma}{\lambda_{(CH_3COO^-)} + \lambda_{(H_3O^+)}}\right) \Leftrightarrow pH = -\log[H_3O^+]_{\acute{e}q}$$

ت.ع:

$$pH = -\log\left(\frac{1,6 \cdot 10^{-2}}{3,49 \cdot 10^{-2} + 4,09 \cdot 10^{-3}} \times 10^{-3}\right) \approx 3,4$$

1.3- حساب نسبة التقدم النهائي:

تعبير نسبة التقدم النهائي:

$$\tau = \frac{x_{\acute{e}q}}{x_{max}} \Rightarrow \tau = \frac{[H_3O^+]_{\acute{e}q} \cdot V}{C_A \cdot V} \Rightarrow \tau = \frac{[H_3O^+]_{\acute{e}q}}{C_A} \Rightarrow \tau = \frac{10^{-pH}}{C_A}$$

ت.ع:

$$\tau = \frac{10^{-3,4}}{10^{-2}} = 0,04 \rightarrow \tau = 4\%$$

1.4- تعبير  $pK_A$  بدلالة  $pH$  و  $C_A$ :

حسب تعريف ثابتة الحمضية:

$$K_A = \frac{[CH_3COO^-]_{\acute{e}q} [H_3O^+]_{\acute{e}q}}{[CH_3COOH]_{\acute{e}q}}$$

حسب الجدول الوصفي:

$$\left\{ \begin{array}{l} [CH_3COO^-]_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{V} \\ [CH_3COOH]_{\acute{e}q} = \frac{C_A \cdot V_A - x_{\acute{e}q}}{V_A} = C_A - \frac{x_{\acute{e}q}}{V_A} \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} [CH_3COO^-]_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} = 10^{-pH} \\ [CH_3COOH]_{\acute{e}q} = C_A - 10^{-pH} \end{array} \right.$$

$$K_A = \frac{(10^{-pH})^2}{C_A - 10^{-pH}} \Rightarrow K_A = \frac{10^{-2pH}}{C_A - 10^{-pH}}$$

لدينا:  $pK_A = -\log K_A$  أي:

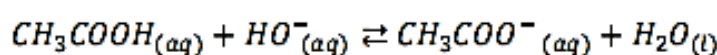
$$pK_A = -\log\left(\frac{10^{-2pH}}{C_A - 10^{-pH}}\right) \Rightarrow pK_A = -\log\left(\frac{10^{-2 \times 3,4}}{10^{-2} - 10^{-3,4}}\right) \approx 4,8$$

2- تصنيع الإستر

2.1- يلعب حمض الكبريتيك دور الحفاز هدفه تسريع التفاعل.

دور الماء المثلج هو توقيف التفاعل.

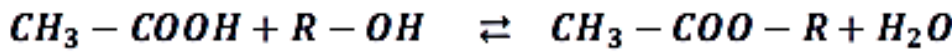
2.2- معادلة التفاعل بين حمض الإيثانويك و محلول هيدروكسيد الصوديوم:



### 2.3- اختبار الجواب الصحيح:

ب- عند درجة حرارة معينة تتناقص سرعة تفاعل الأسترة مع مرور الزمن .

### 2.4- معادلة تفاعل الأسترة:



### 2.5- تحديد قيمة السرعة الحمية للتفاعل عند اللحظة $t = 0$ :

لدينا:

$$v(t) = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt}$$

كمية الحمض المتبقي:  $n_r = 0,2 - x$  ومنه:  $\frac{dn_r}{dt} = -\frac{dx}{dt}$  أي: أي:  $\frac{dx}{dt} = -\frac{dn_r}{dt}$

$$v(t) = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt} = -\frac{1}{V} \cdot \frac{dn_r}{dt}$$

$$v(0) = -\frac{1}{V} \left( \frac{\Delta n_r}{\Delta t} \right)_{t=0} \quad \text{عند } t = 0 \text{ نكتب:}$$

$$v(0) = -\frac{1}{46 \cdot 10^{-3}} \times \frac{(0,2 - 0,14)}{(0 - 30)} \approx 4,35 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot \text{min}^{-1} \quad \text{مبيانيا:}$$

### 2.6- تحديد $t_{1/2}$ قيمة زمن نصف التفاعل:

عند اللحظة  $t_{1/2}$  يكون:  $x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2}$

نعلم أن:  $n_{r_f} = 0,2 - x_f$  أي:  $x_f = 0,2 - n_{r_f}$  عند اللحظة  $t_{1/2}$  لدينا:  $x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2} = \frac{0,2 - n_{r_f}}{2}$

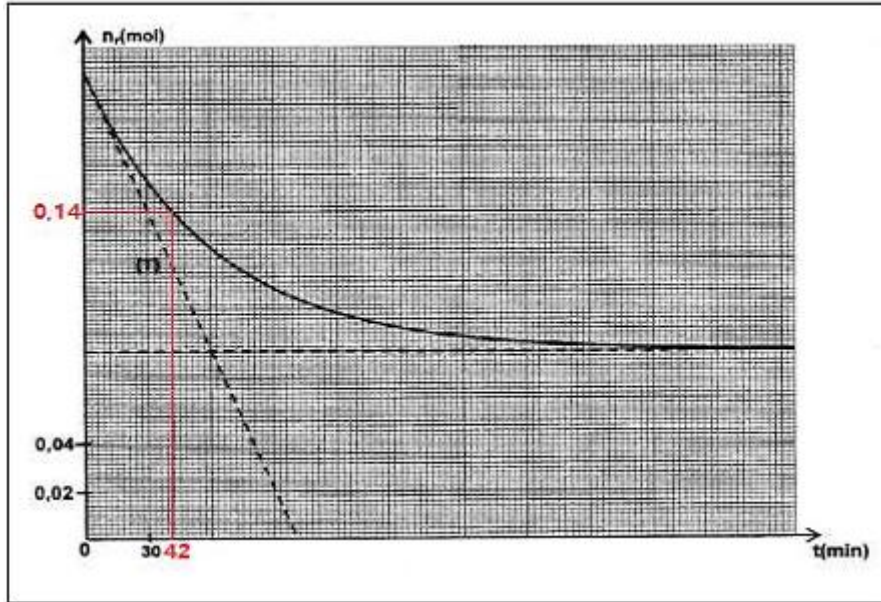
$$x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2} = 0,1 - \frac{n_{r_f}}{2}$$

مبيانيا:  $n_{r_f} = 0,08 \text{ mol}$  ومنه:

$$x(t_{1/2}) = 0,1 - \frac{0,08}{2} = 0,06 \text{ mol}$$

نحدد  $n_r(t_{1/2})$  حيث:  $n_r(t_{1/2}) = 0,2 - x(t_{1/2}) = 0,2 - 0,06 = 0,14 \text{ mol}$

مبيانيا نجد عند  $n_r(t_{1/2}) = 0,14 \text{ mol}$  زمن نصف التفاعل هو  $t_{1/2} = 42 \text{ min}$



2.7- حساب مردود تفاعل الأسترة :

$$r = \frac{n_{exp}(ester)}{n_{max}(ester)}$$

عند نهاية التفاعل كمية مادة الأستر المحصل عليها هي :  $x_f = 0,2 - n_r$  أي :  $x_f = 0,2 - 0,08 = 0,12 \text{ mol}$

$$r = 60\%$$

$$\text{وبالتالي : } r = \frac{x_f}{x_{max}} \Rightarrow r = \frac{0,12}{0,2} = 0,6$$

2.8- تحديد كمية مادة الأستر المتكون و الحمض المتبقي :

الجدول الوصفي للتجربة الأولى لحساب ثابتة التوازن  $K$  :

معادلة التفاعل	$CH_3 - COOH + R - OH \rightleftharpoons CH_3 - COO - R + H_2O$			
حالة المجموعة	كميات المادة ب (mol)			
الحالة البدئية	0,2	0,2	0	0
الحالة النهائية	$0,2 - x_{\acute{e}q}$	$0,2 - x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$

ثابتة التوازن :

$$K = \frac{[acide]_{\acute{e}q}[alcohol]_{\acute{e}q}}{[ester]_{\acute{e}q}[H_2O]_{\acute{e}q}} = \frac{\left(\frac{x_{\acute{e}q}}{V}\right)^2}{\left(\frac{0,2 - x_{\acute{e}q}}{V}\right)^2} = \frac{x_{\acute{e}q}^2}{(0,2 - x_{\acute{e}q})^2}$$

تطبيق عددي :

$$K = \frac{(0,12)^2}{(0,2 - 0,12)^2} = 2,25$$

[jamil-rachid.jimdo.com](http://jamil-rachid.jimdo.com)

الجدول الوصفي للتجربة الثانية لحساب  $x'_{\text{éq}}$  :

معادلة التفاعل	$CH_3 - COOH + R - OH \rightleftharpoons CH_3 - COO - R + H_2O$			
حالة المجموعة	كميات المادة ب (mol)			
الحالة البدئية	0,3	0,2	0	0
الحالة النهائية	$0,3 - x'_{\text{éq}}$	$0,2 - x'_{\text{éq}}$	$x'_{\text{éq}}$	$x'_{\text{éq}}$

ثابتة التوازن تكتب :

$$K = \frac{[acide]_{\text{éq}}[alcool]_{\text{éq}}}{[ester]_{\text{éq}}[H_2O]_{\text{éq}}} = \frac{\left(\frac{x'_{\text{éq}}}{V}\right)^2}{\left(\frac{0,3 - x'_{\text{éq}}}{V}\right) \cdot \left(\frac{0,2 - x'_{\text{éq}}}{V}\right)} = \frac{x'^2_{\text{éq}}}{(0,3 - x'_{\text{éq}}) \cdot (0,2 - x'_{\text{éq}})}$$

$$K = 2,25 \text{ مع } x'^2_{\text{éq}}(K - 1) - 0,5 \cdot K \cdot x'_{\text{éq}} + 0,06 \cdot K = 0 \quad \text{أي: } K(0,3 - x'_{\text{éq}}) \cdot (0,2 - x'_{\text{éq}}) = x'^2_{\text{éq}}$$

$$1,25 \cdot x'_{\text{éq}} - 1,125x'_{\text{éq}} + 0,135 = 0$$

$$x'_{\text{éq} 2} = 0,142 \text{ mol} \quad \text{أو} \quad x'_{\text{éq}} = 0,757 \text{ mol} \quad \text{أي: } x'_{\text{éq}} = \frac{1,125 \pm \sqrt{1,125^2 - 4 \times 1,25 \times 0,135}}{2 \times 1,25}$$

بما أن :  $x'_{\text{éq}} < 0,2 \text{ mol}$  فإن : التقدم النهائي هو :  $x'_{\text{éq}} = 0,142 \text{ mol}$

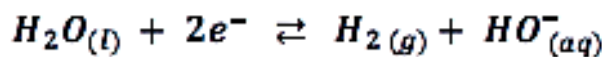
كمية مادة الإستر المتكونة هي :  $n_f(ester) = x'_{\text{éq}} = 0,142 \text{ mol}$

كمية مادة الحمض المتبقية هي :  $x_f(acide) = 0,3 - x'_{\text{éq}} = 0,3 - 0,142 = 0,158 \text{ mol}$

## الجزء الثاني : التحضير الصناعي لغاز ثنائي الكور

1-كتابة معادلة التفاعل عند الكاثود :

يحدث عند الكاثود اختزال كاثودي للمؤكسد  $H_2O$  وفق المعادلة التالية :



بجوار هذا الكاثود تتكون أيونات  $HO^-$  وبالتالي يكون الوسط قاعديا أي  $pH > 7$ .

2-إيجاد حجم غاز  $Cl_2$  الناتج خلال المدة  $\Delta t$  :



$$n(Cl_2) = \frac{n(e^-)}{2} \quad \text{لدينا :}$$

$$V(Cl_2) = \frac{I \Delta t}{2F} \cdot V_m \quad \text{أي: } \frac{V(Cl_2)}{V_m} = \frac{I \Delta t}{2F} \quad \text{وبالتالي :} \quad \begin{cases} n(Cl_2) = \frac{V(Cl_2)}{V_m} \\ n(e^-) = \frac{Q}{F} = \frac{I \Delta t}{F} \end{cases} \quad \text{مع :}$$

$$V(Cl_2) = 223,83 \text{ m}^3 \quad \text{أي: } VCl_2 = \frac{50 \cdot 10^3 \times 10 \times 3600 \times 24}{2 \times 9,65 \cdot 10^4} = 223,83 \cdot 10^3 \text{ l} \quad \text{ت.ع :}$$

## الفيزياء :

### الموجات الضوئية

1- اختيار الجواب الصحيح من بين الإقتراحات :

د- يتعلق معامل انكسار وسط شفاف بطول الموجة للضوء الأحادي اللون الذي يجتازه .

تعليل : حسب تعبير معامل الانكسار :  $n = \frac{\lambda_0}{\lambda}$  حيث :  $\lambda$  : طول موجة الضوء في الوسط الشفاف و  $\lambda_0$  : طول موجته في الفراغ .

2- تحديد  $\Delta E$  تغير الطاقة ب  $MeV$  :

$$\Delta E = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} \times 310^8}{633 \cdot 10^{-9}} = 3,142 J \quad \text{لدينا : } \Delta E = h\nu = \frac{h \cdot c}{\lambda_0} \text{ ت.ع.}$$

$$\Delta E = \frac{3,142 \cdot 10^{-34}}{1,6 \cdot 10^{-13}} \Rightarrow \Delta E = 1,96 \cdot 10^{-6} MeV$$

3.1- نعم ينتمي هذا الإشعاع الى مجال الطيف المرئي لأن :  $400 nm < \lambda_0 = 633 nm < 800 nm$

3.2- حساب تردد الاشعاع :

$$\nu = \frac{3 \cdot 10^8}{633 \cdot 10^{-9}} = 4,74 \cdot 10^{14} Hz \quad \text{ومنه : } c = \lambda_0 \cdot \nu \text{ ت.ع.}$$

3.3- تحديد سرعة الانتشار  $\nu$  وطول الموجة  $\lambda$  للإشعاع في الموشور :

$$\nu = \frac{3 \cdot 10^8}{1,61} = 1,86 \cdot 10^8 m \cdot s^{-1} \quad \text{لدينا : } n = \frac{c}{\nu} \text{ ومنه : } \nu = \frac{c}{n} \text{ ت.ع.}$$

$$\lambda = \frac{633}{1,61} = 393,16 nm \quad \text{لدينا : } n = \frac{\lambda_0}{\lambda} \text{ ومنه : } \lambda = \frac{\lambda_0}{n} \text{ ت.ع.}$$

4.3- نلاحظ بقعة ضوئية تمتد ألوانها من الأحمر الى البنفسجي تسمى طيف الضوء الأبيض .

تبرز هذه التجربة ظاهرة تبعد الضوء الأبيض بواسطة موشور .

## الكهرباء :

### 1-دراسة ثنائي القطب RC والدارة المثالية LC

#### 1-دراسة ثنائي القطب RC

1.1- المنحنى الممثل للتوتر  $u_C(t)$  :

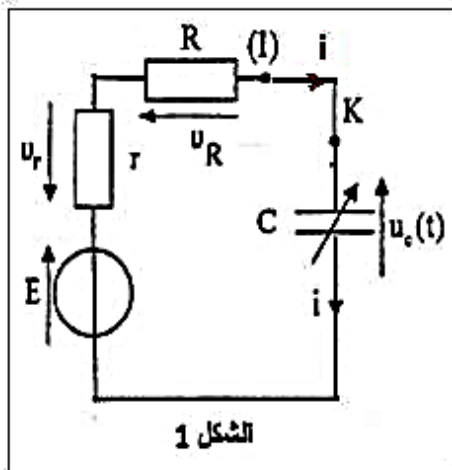
بما أن المكثف غير مشحون بدئيا فإن عند  $t = 0$  يكون :  $u_C(0) = 0$  أي المنحنى

يمر من أصل المعلم ومنه فإن المنحنى الذي يمثل التوتر  $u_C(t)$  هو  $\Gamma_1$  .

1.2- المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C(t)$  :

حسب قانون إضافية التوترات :  $u_R + u_r + u_C = E$

حسب قانون أوم :  $Ri + ri + u_C = E$  (1)



مع :  $i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C_0 \cdot u_C)}{dt} = C_0 \cdot \frac{du_C}{dt}$  نعوض في المعادلة (1) ونحصل على المعادلة التفاضلية :

$$(R + r) \cdot C_0 \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E$$

1.3- إثبات تعبير شدة التيار  $i_0$  :

عند اللحظة  $t = 0$  لدينا  $u_C(0) = 0$  و  $i(0) = i_0$  نعوض في المعادلة (1) نحصل على :

$$i_0 = \frac{E}{R+r} \quad \text{ومنه} \quad (R + r) \cdot i_0 = E$$

1.4.1- تحديد قيمة  $r$  :

في النظام الدائم لدينا :  $E = 6V$

عند اللحظة  $t = 0$  لدينا حسب المنحنى  $\Gamma_2$  :  $u_{r_0} = 4V$  مع  $u_{r_0} = E - r \cdot i_0$  : ومنه  $i_0 = \frac{E - u_{r_0}}{r}$

حسب التعبير  $i_0 = \frac{E}{R+r}$  نحصل على :  $\frac{E - u_{r_0}}{r} = \frac{E}{R+r}$  أي :  $(R + r) \cdot (E - u_{r_0}) = r \cdot E$

$$r = \frac{R \cdot (E - u_{r_0})}{u_{r_0}} \quad \text{ومنه} \quad r \cdot (E - u_{r_0}) - r \cdot E = -R \cdot (E - u_{r_0})$$

ت.ع :

$$r = \frac{20 \times (6 - 4)}{4} = 10 \Omega$$

1.4.2- إثبات قيمة  $C_0$  :

باستعمال الشكل 2 قيمة ثابتة الزمن  $\tau$  هي :  $\tau = 0,15 \text{ ms} = 1,5 \cdot 10^{-4} \text{ s}$

لدينا :  $\tau = (R + r) \cdot C_0$  أي :  $C_0 = \frac{\tau}{R+r}$  ت.ع :  $C_0 = \frac{1,5 \cdot 10^{-4}}{20+10} = 5 \cdot 10^{-6} \text{ F}$  أي :  $C_0 = 5 \mu\text{F}$

## 2- الدارة المثالية LC

2.1- إثبات المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$  :

تطبيق قانون إضافة التوترات : (1)  $u_L + u_C = 0$

قانون أوم :  $u_L = L_0 \cdot \frac{di}{dt}$

لدينا :  $q = C \cdot u_C$  و  $i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C_0 u_C)}{dt} = C_0 \cdot \frac{du_C}{dt}$

المعادلة (1) تكتب :  $L_0 \cdot \frac{di}{dt} + \frac{q}{C_0} = 0$  ومنه :  $L_0 \cdot C_0 \cdot \frac{d^2 i}{dt^2} + q = 0$

$$L_0 \cdot C_0 \cdot \frac{d}{dt} \left( \frac{di}{dt} \right) + \frac{dq}{dt} = 0$$

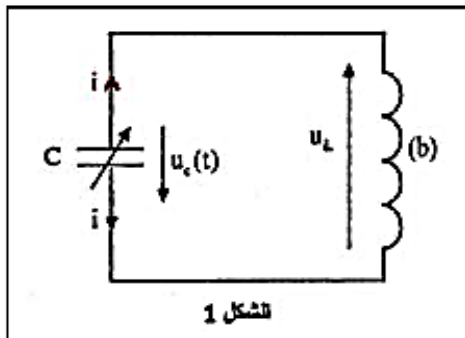
المعادلة التفاضلية :  $L_0 \cdot C_0 \cdot \frac{d^2 i}{dt^2} + i = 0$

2.2- إيجاد قيمة  $\varphi$  :

حل المعادلة التفاضلية يكتب :  $i(t) = I_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$

حسب الشروط البدئية لدينا :  $i(0) = 0$

حل المعادلة التفاضلية يكتب :  $i(0) = I_m \cos \varphi = 0$  أي :  $\cos \varphi = 0$  ومنه :  $\varphi = \mp \frac{\pi}{2}$



شكل 1

عند اللحظة  $t = 0$  لدينا :  $u_C(0) = E > 0$  مع  $i = C_0 \cdot \frac{du_C}{dt}$  أي :  $u_C = \frac{1}{C_0} \int i dt = \frac{T_0}{2\pi} \cdot \frac{1}{C_0} I_m \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$

$\varphi = \frac{\pi}{2}$  : أي أن  $u_C(0) = \frac{T_0}{2\pi} \cdot \frac{I_m}{C_0} \cdot \sin\varphi > 0$

2.3- إثبات تعبير الطاقة المخزونة في المكثف بدلالة  $q(t)$  و  $C$  :

تعبير القدرة هو :  $P = u_C \cdot i$  مع  $i = \frac{dq}{dt}$  ومنه  $P = u_C \cdot \frac{dq}{dt}$  بما أن  $q = C \cdot u_C$  فإن  $u_C = \frac{q}{C}$  أي :  $P = \frac{q}{C} \cdot \frac{dq}{dt}$

$$P = \frac{1}{2C} \cdot \frac{dq^2}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{q^2}{2C} \right)$$

بما أن :  $P = \frac{dE_e}{dt}$  فإن تعبير الطاقة المخزونة في المكثف :  $E_e = \frac{1}{2} \cdot \frac{q^2}{C}$

2.4.1- حساب  $E_{e\max}$  :

لدينا :  $E_e = \frac{1}{2} \cdot \frac{q^2}{C_0}$  مع  $q = C_0 \cdot u_C$  تعبير الطاقة الكهربائية يصبح :  $E_e = \frac{1}{2} \cdot \frac{(C_0 \cdot u_C)^2}{C_0} = \frac{1}{2} C_0 \cdot u_C^2$

عند اللحظة  $t = 0$  لدينا :  $u_C(0) = E$  تكون الطاقة الكهربائية قصوى وبالتالي :  $E_{e\max} = \frac{1}{2} \cdot C_0 \cdot E^2$

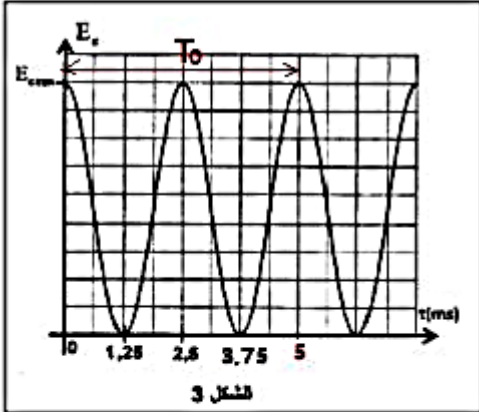
ت.ع :  $E_{e\max} = \frac{1}{2} \times 5.10^{-6} \times 6^2 = 9.10^{-5} \text{ J}$

2.4.2- إيجاد قيمة  $I_m$  بالإعتماد على الدراسة الطاقية :

الطاقة الكلية  $E_T$  المخزونة في الدارة تساوي :

$$E_T = E_e + E_m = \frac{1}{2} \cdot C_0 \cdot u_C^2 + \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2$$

عندما تكون الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف قصوى تكون الطاقة المغناطيسية المخزونة في الوشيجة دنوية والعكس صحيح .



$I_m = \sqrt{\frac{2E_{e\max}}{L}}$  أي :  $I_m^2 = \frac{2E_{e\max}}{L}$  ومنه  $E_T = E_{e\max} = \frac{1}{2} \cdot L \cdot I_m^2$

تحديد  $L$  :

تعبير الدور الخاص  $T_0$  هو :  $T_0 = 2\pi\sqrt{L_0 \cdot C_0}$  ومنه  $L_0 \cdot C_0 = \frac{T_0^2}{4\pi^2}$

وبالتالي  $L_0 = \frac{T_0^2}{4\pi^2 \cdot C_0}$

نعوض في تعبير  $I_m$  :

$$I_m = \sqrt{\frac{2E_{e\max}}{T_0^2} \cdot 4\pi^2 \cdot C_0} \Rightarrow I_m = \frac{2\pi}{T_0} \cdot \sqrt{2E_{e\max} \cdot C_0}$$

ت.ع : مبيانيا الدور الخاص هو :  $T_0 = 5 \text{ ms}$  ومنه  $I_m \approx 3,77 \cdot 10^{-2} \text{ A}$  :  $I_m = \frac{2\pi}{5.10^{-3}} \times \sqrt{2 \times 9.10^{-5} \times 5.10^{-6}}$



## II-التذبذبات القسرية في دائرة متوالية RLC

1.1- تعيين المنحنى الممثل للتوتر  $u_R(t)$  :

نعلم أن:  $Z > R$  وبالتالي:  $Z.I_m > R.I_m$  أي:  $u_{ABm} > u_{Rm}$   
حسب الشكل 5 المنحنى (1) يمثل التوتر  $u_R(t)$ .

1.2- تحديد قيمة  $Z$  :

لدينا:  $u_{Rm} = R.I_m$  (1)

و  $u_{ABm} = Z.I_m$  (2)

ومنه:  $\frac{(1)}{(2)} \rightarrow \frac{Z.I_m}{R.I_m} = \frac{u_{ABm}}{u_{Rm}}$  نحصل على:  $Z = R \cdot \frac{u_{ABm}}{u_{Rm}}$

باستعمال الشكل 5 نجد:  $u_{Rm} = 3V$  و  $u_{ABm} = 6V$

ت.ع:  $Z = 20 \times \frac{6}{3} = 40 \Omega$

1.3- التعبير العددي لشدة التيار  $i(t)$  :

لدينا:  $i(t) = I_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$

تحديد  $T_0$  :

حسب الشكل 5 الدور الخاص:  $T_0 = 1,25ms \times 4 = 5ms$  ومنه:  $\frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{5 \cdot 10^{-3}} = 400\pi$

تحديد  $\varphi$  :

بما أن التوتر  $u(t)$  متقدم في الطور لى شدة التيار  $i(t)$  و بما أن طور التوتر  $u(t)$  منعدم ، فإن  $\varphi < 0$

لدينا:  $|\varphi| = \frac{2\pi}{T_0} \cdot \tau$  ت.ع:  $|\varphi| = 400\pi \times 1,25 \cdot 10^{-3} = \frac{\pi}{4}$  وبالتالي:  $\varphi = -\frac{\pi}{4}$

تحديد  $I_m$  :

لدينا:  $u_{Rm} = R.I_m$  أي:  $I_m = \frac{u_{Rm}}{R} = \frac{3}{20} = 0,15 A$

تعبير  $i(t)$  هو:  $i(t) = 0,15 \cos\left(400\pi \cdot t - \frac{\pi}{4}\right)$

2.1- إثبات أن الدارة في حالة رنين:

لإثبات أن الدارة في حالة رنين كهربائي يجب التحقق من:  $Z = R$

يشير الفولطمتر الى التوتر الفعال بين مربطي الموصل الأومي:  $U_R = R.I_{eff}$  أي:  $I_{eff} = \frac{U_R}{R} = \frac{3}{20} = 0,15 A$

نحدد ممانعة الدارة  $Z$  :

لدينا:  $u_{ABm} = Z.I_m$  أي:  $Z = \frac{u_{ABm}}{I_m} = \frac{U_m}{\sqrt{2}I_{eff}}$  ت.ع:  $Z = \frac{6}{0,15 \times \sqrt{2}} = 28,28 \approx 28,3 \Omega$

نلاحظ أن:  $R + r_b = 20 + 8,3 = 28,3 \Omega$  نستنتج إذن أن الدارة في حالة رنين .

2.2- تحديد  $L$  :

عند الرنين يكون:  $L\omega = \frac{1}{C_2\omega}$  أي:  $L = \frac{1}{C_2\omega^2}$  مع:  $\omega = 2\pi N = \frac{2\pi}{T}$

## الميكانيك

### الجزء الاول : حركة كرة المضرب في مجال الثقالة المنتظم

1- إثبات التعبير العددي لمعادلة المسار  $z = f(x)$  :

المجموعة المدروسة : { كرة المضرب }

تخضع الكرة لوزنها  $\vec{P}$  فقط .

نطبق القانون الثاني لنيوتن في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{k})$  الذي نعتبره غاليليا .

$$\vec{P} = m \cdot \vec{a}_G$$

$$m \cdot \vec{g} = m \cdot \vec{a}_G \Leftrightarrow \vec{a}_G = \vec{g}$$

الشروط البدئية عند  $t=0$  :

$$\vec{V}_0 \begin{cases} V_{0x} = V_0 \cos \alpha \\ V_{0z} = V_0 \sin \alpha \end{cases} \quad \vec{g} \begin{cases} g_x = 0 \\ g_z = -g \end{cases} \quad \vec{OG}_0 \begin{cases} x_0 = 0 \\ z_0 = 0 \end{cases}$$

الإسقاط على  $Ox$  :

$a_x = 0$  ← الحركة مستقيمة منتظمة على المحور  $Ox$

$$x(t) = (V_0 \cos \alpha)t + x_0 = (V_0 \cos \alpha)t : \text{المعادلة الزمنية}$$

الإسقاط على  $Oz$  :

$a_y = -g = Cte$  ← الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام على  $Oz$

$$z(t) = \frac{1}{2} a_z t^2 + V_{0z} t + z_0 = -\frac{1}{2} g t^2 + (V_0 \sin \alpha)t : \text{المعادلة الزمنية}$$

استنتاج معادلة المسار :

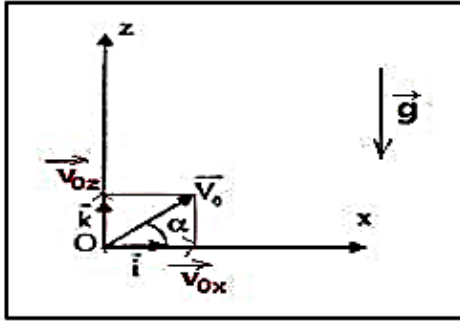
$$x = (V_0 \cos \alpha)t \Rightarrow t = \frac{x}{V_0 \cos \alpha}$$

نعوض في  $t$  في المعادلة  $z(t)$  :

$$z(x) = -\frac{1}{2} g \left( \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \right)^2 + (V_0 \sin \alpha) \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \Rightarrow z(x) = -\frac{g}{2V_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x \cdot \tan \alpha$$

ت.ع:

$$z(x) = -\frac{9,8}{2 \times 13^2 \times \cos^2(45^\circ)} x^2 + x \cdot \tan(45^\circ) \Rightarrow z(x) = -5,8 \cdot 10^{-2} \cdot x^2 + x$$



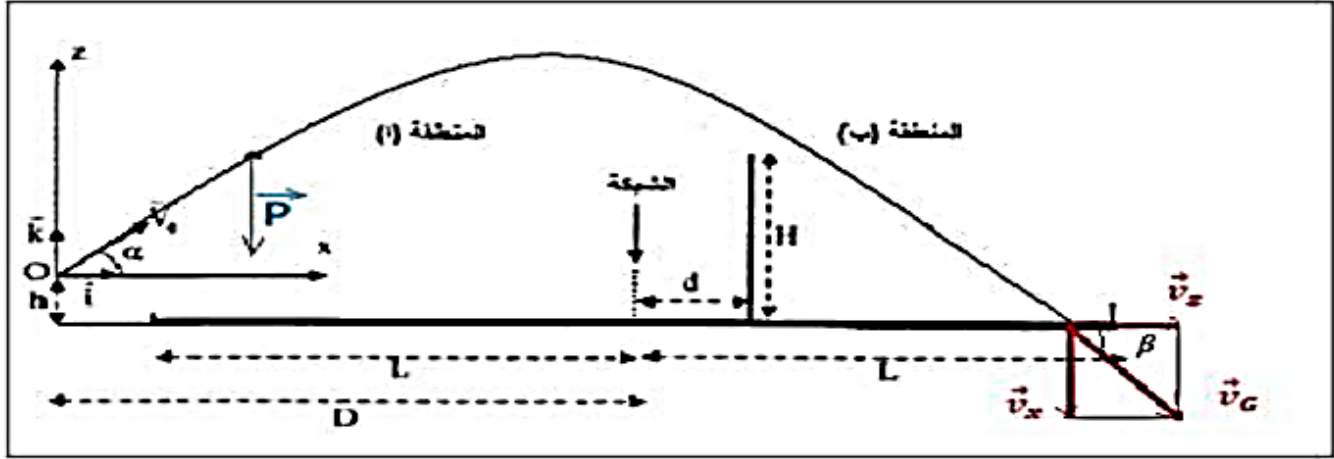
2- لتتمكن اللاعب من اعتراض الكرة يجب أن يكون :  $z(d + D) + h \leq H$

حساب  $z(D + d)$  :

$$z(D + d) = -5,8 \cdot 10^{-2} \cdot (13 + 1)^2 + 13 + 1 = 2,63 \text{ m} \quad \text{ت.ع.} \quad z(D + d) = -5,8 \cdot 10^{-2} \cdot (D + d)^2 + D + d$$

الارتفاع الذي تمر فيه الكرة فوق رأس اللاعب هو  $z(D + d) + h = 2,63 + 0,7 = 3,33 \text{ m}$

بما أن :  $z(D + d) + h > H = 3 \text{ m}$  فإن اللاعب لن يتمكن من اعتراض الكرة .



3- التحقق من ان الكرة تسقط في المنطقة (ب) :

عند سقوط الكرة على سطح الأرض يكون :  $z = -h$  نعوض في معادلة المسار نحصل على :

$$-5,8 \cdot 10^{-2} \cdot x^2 + x + 0,7 = 0 \quad \text{أي} \quad -h = -5,8 \cdot 10^{-2} \cdot x^2 + x$$

يوجد حلان لهذه المعادلة :

$$x_{1,2} = \frac{-1 \mp \sqrt{1^2 - 4 \times (-5,8 \cdot 10^{-2}) \times 0,7}}{2 \times (-5,8 \cdot 10^{-2})} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 17,58 \text{ m} \\ x_2 = -0,34 \text{ m} < 0 \end{cases}$$

أفصور نقطة سقوط كرة المضرب موجبة أذن الحل الأنسب هو  $x_1 = 17,83 \text{ m}$  .

لتسقط الكرة في المنطقة (ب) يجب أن ينتمي أفصولها الى المجال :  $x_1 < D + L = 12 + 13 = 25 \text{ m}$

بما أن  $x_1 < 25 \text{ m}$ ، فإن الكرة تسقط في المنطقة (ب) .

4- تحديد إحداثيات متجهة سرعة G لحظة سقوط الكرة على سطح الأرض

ليكن  $t_1$  مدة السقوط و  $x_1$  أفصوله حيث :

$$x_1 = 17,83 \text{ m} \quad \text{مع} \quad x_1 = (V_0 \cos \alpha) t_1 \Rightarrow t_1 = \frac{x_1}{V_0 \cos \alpha}$$

❖ إحداثيات السرعة على المحور  $Ox$  :  $v_{x1} = V_0 \cos \alpha$  ت.ع.  $v_{x1} = 13 \times \cos(45^\circ) = 9,19 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

❖ إحداثيات السرعة على المحور  $Oz$  :  $v_{z1} = -gt_1 + V_0 \sin \alpha$  أي  $v_{z1} = -g \cdot \frac{x_1}{V_0 \cos \alpha} + V_0 \sin \alpha$

$$v_{z1} = -9,8 \times \frac{17,58}{13 \times \cos(45^\circ)} + 13 \times \sin(45^\circ) = -9,55 \text{ m. s}^{-1} \quad \text{ت.ع. :}$$

❖ اتجاه السرعة تكون زاوية  $\beta$  مع الخط الأفقي حيث :

$$\tan\beta = \left| \frac{v_{z1}}{v_{x1}} \right| \Rightarrow \beta = \tan^{-1} \left| \frac{-9,55}{9,19} \right| \Rightarrow \beta = 46,1^\circ$$

متجهة السرعة  $\vec{v}_G$  تكون زاوية  $\beta = 46,1^\circ$  مع المحور الأفقي (أنظر الشكل أعلاه).

5- أيجاد القيمتين الحديتين للسرعة البدئية  $v_0$  :

• لكي تسقط الكرة في المنطقة (ب) : القيمة الحدية للأفصول  $x = D + L$  و الأنسوب  $z$  هو :  $z(D + L) = -h$

نعوض في معادلة المسار نحصل على :  $z(D + L) = -h \Rightarrow -\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} (D + L)^2 + (D + L). \tan \alpha = -h$

$$v_0 = \sqrt{\frac{g(D+L)^2}{2[(D+L).\tan\alpha+h].\cos^2\alpha}} \Rightarrow v_0 = \frac{D+L}{\cos\alpha} \sqrt{\frac{g}{2[(D+L).\tan\alpha+h]}} \quad \text{أي: } \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} (D + L)^2 = (D + L). \tan \alpha + h$$

$$v_0 = \frac{13+12}{\cos(45^\circ)} \sqrt{\frac{9,8}{2 \times [(13+12) \times \tan(45^\circ) + 0,7]}} \Rightarrow v_0 = 15,44 \text{ m. s}^{-1} \quad \text{ت.ع. :}$$

• لكي تمر الكرة فوق اللاعب المنافس يجب أن يكون الأفصول :  $x = D + d$  و الأنسوب الحدي هو :  $z(D + d) + h = H$

نعوض في معادلة المسار نحصل على :

$$-\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} (D + d)^2 + (D + d). \tan \alpha + h = H$$

$$\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} (D + d)^2 = (D + d). \tan \alpha + h - H$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{g(D+d)^2}{2[(D+d).\tan\alpha+h-H].\cos^2\alpha}} \Rightarrow v_0 = \frac{D+d}{\cos\alpha} \sqrt{\frac{g}{2[(D+d).\tan\alpha+h-H]}} \quad \text{ومنه :}$$

$$v_0 = \frac{13+1}{\cos(45^\circ)} \sqrt{\frac{9,8}{2 \times [(13+1) \times \tan(45^\circ) + 0,7 - 3]}} \Rightarrow v_0 = 12,81 \text{ m. s}^{-1} \quad \text{ت.ع. :}$$

[jamil-rachid.jimdo.com](http://jamil-rachid.jimdo.com)

## الجزء الثاني : داسة حركة نواس وازن

1- حالة النظام الدوري :

1.1- إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفعال الزاوي  $\theta$  :

المجموعة المدروسة : { النواس والوازن }

جهد القوى :  $\vec{P}$  : وزن النواس و  $\vec{R}$  : تأثير محور الدوران ( $\Delta$ )

تطبيق العلاقة الاساسية للديناميك في حالة الدوران :

$$M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{R}) = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta} \quad (1) \Leftrightarrow \sum M_{\Delta}(\vec{F}) = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$$

: (1) المعادلة مع  $M_{\Delta}(\vec{P}) = -Pd$  و  $M_{\Delta}(\vec{R}) = 0$  نعوض في المعادلة (1) :

$$-m \cdot g \cdot L \cdot \sin\theta = J_{\Delta} \cdot \ddot{\theta}$$

بالنسبة للزوايا الصغيرة نأخذ  $\sin\theta \approx \theta$  : المعادلة التفاضلية تكتب :

$$m \cdot g \cdot L \cdot \sin\theta = 0$$

$$\ddot{\theta} + \frac{m \cdot g \cdot L}{J_{\Delta}} \cdot \theta = 0 \quad \text{أو}$$

1.2- إيجاد تعبير الدور الخاص  $T_0$  :

حل المعادلة التفاضلية يكتب :

$$\theta = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta \quad \text{وبالتالي} \quad \dot{\theta} = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) \quad \text{ومنه} \quad \theta = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)$$

نعوض في المعادلة التفاضلية :

$$-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{m \cdot g \cdot L}{J_{\Delta}} = 0 \quad \text{وبالتالي} \quad \frac{\theta}{\neq 0} \left[ -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{m \cdot g \cdot L}{J_{\Delta}} \right] = 0 \quad \text{أي} \quad -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta + \frac{m \cdot g \cdot L}{J_{\Delta}} \cdot \theta = 0$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{m \cdot g \cdot L}} \quad \text{نستنتج تعبير الدور الخاص} \quad \frac{T_0}{2\pi} = \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{m \cdot g \cdot L}} \quad \text{أو} \quad \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{m \cdot g \cdot L}{J_{\Delta}}}$$

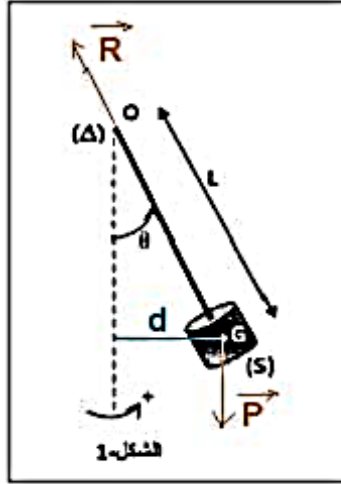
1.3- التحقق من أن لتعبر الدور الخاص بعد زمني :

لدينا :  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{m \cdot g \cdot L}}$  وبالتالي :  $[T_0]^2 = \frac{[J_{\Delta}]}{[m] \cdot [g] \cdot [L]}$  مع  $J_{\Delta} = \sum mr^2$  أي  $[J_{\Delta}] = [m][L]^2$

$$[g] = \frac{[L]}{[t]^2}$$

$$[T] = [t] \Leftrightarrow [T_0]^2 = \frac{[m][L]^2}{[m] \cdot [L] \cdot [t]^{-2} \cdot [L]} = [t]^2$$

نستنتج أن للدور الخاص  $T_0$  بعد زمني .

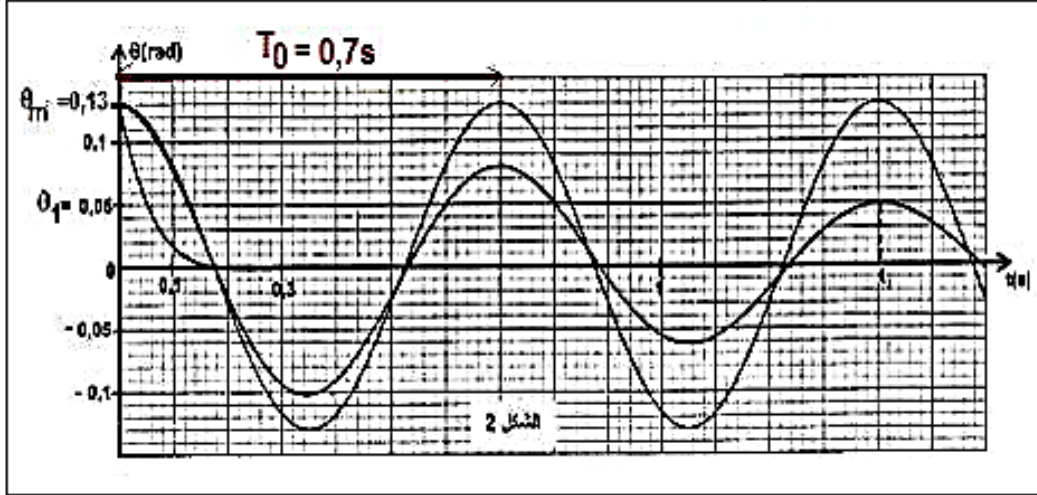


1.4- تحديد قيمة  $J_{\Delta}$ :

$$J_{\Delta} = \frac{T_0^2 \cdot m \cdot g \cdot L}{4\pi^2} \quad \text{أي} \quad \left(\frac{T_0}{2\pi}\right)^2 = \frac{J_{\Delta}}{m \cdot g \cdot L} \quad \text{أي} \quad \frac{T_0}{2\pi} = \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{m \cdot g \cdot L}}$$

مبيانيا من الشكل 2 : الدور الخاص :  $T_0 = 0,7 \text{ s}$

$$J_{\Delta} = \frac{0,7^2 \times 0,4 \times 0,5 \times 9,8}{4\pi^2} = 0,024 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \Rightarrow J_{\Delta} = 2,4 \cdot 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \quad \text{ت.ع.}$$



1.5- إيجاد تعبير الطاقة الحركية للمتذبذب :

$$\dot{\theta} = -\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right) \quad \text{مع} \quad E_C = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \dot{\theta}^2$$

$$\text{ومنه :} \quad E_C = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \left[-\frac{2\pi}{T_0} \cdot \theta_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t\right)\right]^2 = \frac{1}{2} \cdot J_{\Delta} \cdot \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cdot \theta_m^2 \cdot \sin^2\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)$$

$$\text{نعلم أن :} \quad \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{m \cdot g \cdot L}{J_{\Delta}}} \quad \text{أي} \quad \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \frac{m \cdot g \cdot L}{J_{\Delta}} \quad \text{نعوض في تعبير } E_C \text{ نجد :} \quad E_C = \frac{1}{2} \cdot J_{\Delta} \cdot \theta_m^2 \cdot \frac{m \cdot g \cdot L}{J_{\Delta}} \cdot \sin^2\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)$$

$$E_C = \frac{1}{2} \cdot m \cdot g \cdot L \cdot \theta_m^2 \left[1 - \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)\right] = \frac{1}{2} \cdot m \cdot g \cdot L \left[\theta_m^2 - \underbrace{\theta_m^2 \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)}_{=\theta^2}\right]$$

$$E_C = \frac{1}{2} m \cdot g \cdot L \cdot (\theta_m^2 - \theta^2)$$

مبيانيا (أنظر الشكل أسفله) نجد :  $\theta_m = 0,13 \text{ rad}$

عند موضع التوازن يكون  $\theta = 0$

$$E_C = \frac{1}{2} \times 0,4 \times 9,8 \times 0,5 \times (0,13^2 - 0) = 0,0166 \Rightarrow E_C = 1,66 \cdot 10^{-2} \text{ J} \quad \text{ت.ع.}$$

2- إيجاد تغير الطاقة الميكانيكية في حالة النظام شبه الدوري :

تعبير طاقة الوضع الثقالية :  $E_p = m \cdot g \cdot z + C$  الحالة المرجعية  $E_p = 0$  عند  $z = 0$  ومنه  $C = 0$

وبالتالي :  $E_p = m \cdot g \cdot z$  مع :  $z = L(1 - \cos\theta)$  باعتبار الزاوية  $\theta$  صغيرة نكتب :  $\cos\theta \approx 1 - \frac{\theta^2}{2}$

$$z = L \left( 1 - \left( 1 - \frac{\theta^2}{2} \right) \right) = L \cdot \frac{\theta^2}{2} \text{ : ومنه نكتب :}$$

$$E_p = m \cdot g \cdot l \cdot \frac{\theta^2}{2} \text{ : تعبير } E_p \text{ هو :}$$

تغير طاقة الوضع الثقالية:

$$\Delta E_p = E_p(t = t_1) - E_p(t = 0) = m \cdot g \cdot L \left( \frac{\theta_1^2}{2} - \frac{\theta_m^2}{2} \right) = \frac{1}{2} m \cdot g \cdot L \cdot (\theta_1^2 - \theta_m^2)$$

من خلال منحنى الشكل 2 (أنظر الشكل 2 أعلاه) نلاحظ عند اللحظتين  $t = t_1$  و  $t = 0$  تكون  $\theta$  فصيوية وبالتالي تكون السرعة منعدمة وبالتالي الطاقة الحركية منعدمة اي :

$$E_c(t = t_1) = 0 \text{ و } E_c(t = 0) = 0$$

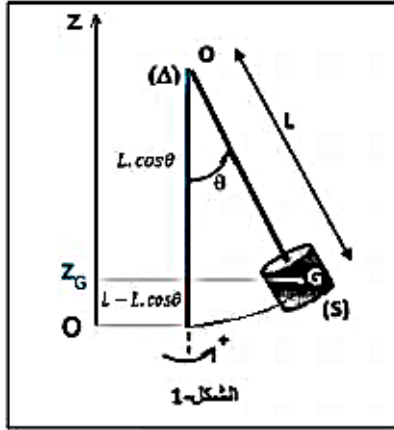
$$\Delta E_c = E_c(t = t_1) - E_c(t = 0) = 0 \text{ : ومنه}$$

$$\Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_p = \Delta E_p \text{ : تغير الطاقة الميكانيكية :}$$

عند  $t = 0$  مبيانيا نجد :  $\theta = \theta_m = 0,13 \text{ rad}$  و عند  $t = t_1$  نجد :  $\theta_1 = 0,05 \text{ rad}$

$$\Delta E_m = \frac{1}{2} \times 0,4 \times 9,8 \times 0,5 \times (0,05^2 - 0,13^2) = 0,0141 \text{ J} \Rightarrow \Delta E_m = \text{ : ت.ع.}$$

$$-1,41 \cdot 10^{-2} \text{ J}$$



[jamil-rachid.jimdo.com](http://jamil-rachid.jimdo.com)